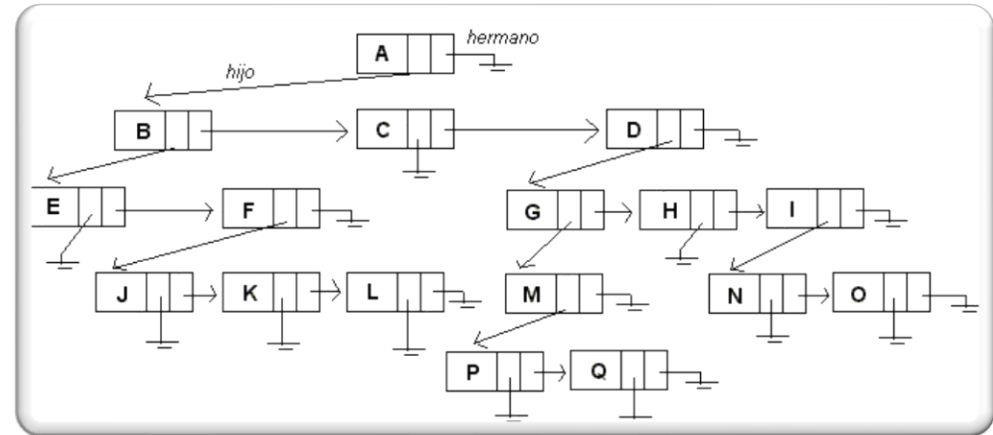
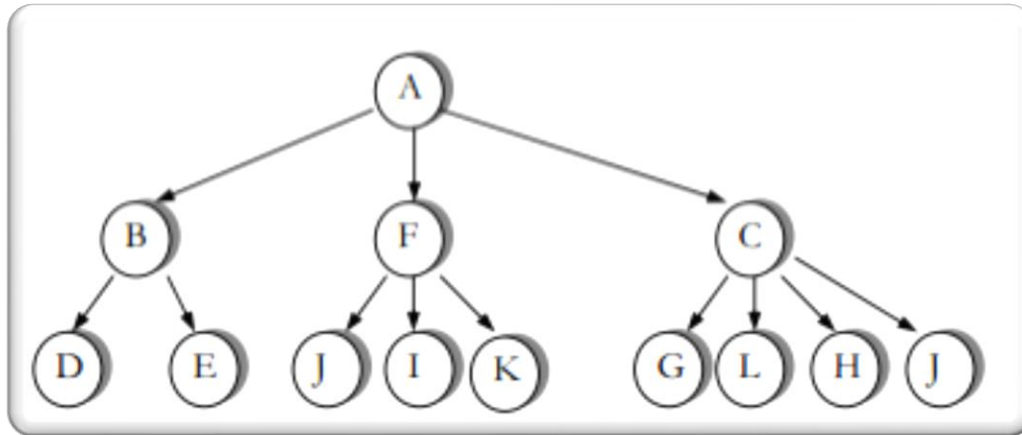


# [Estructuras de Datos]



ARBOLES GENERALES.






# Copyright

---

- Copyright © 2019-2020 Ing. [Federico Joaquín](mailto:federico.joaquin@cs.uns.edu.ar) ([federico.joaquin@cs.uns.edu.ar](mailto:federico.joaquin@cs.uns.edu.ar))
- El uso total o parcial de este material está permitido siempre que se haga mención explícita de su fuente: **“Notas de Clase. Estructuras de Datos.” Federico Joaquín. Universidad Nacional del Sur. (c) 2019-2020.**
- Las presentes transparencias constituyen una guía acotada y simplificada de la temática abordada, y deben utilizarse únicamente como material adicional o de apoyo a la bibliografía indicada en el programa de la materia.

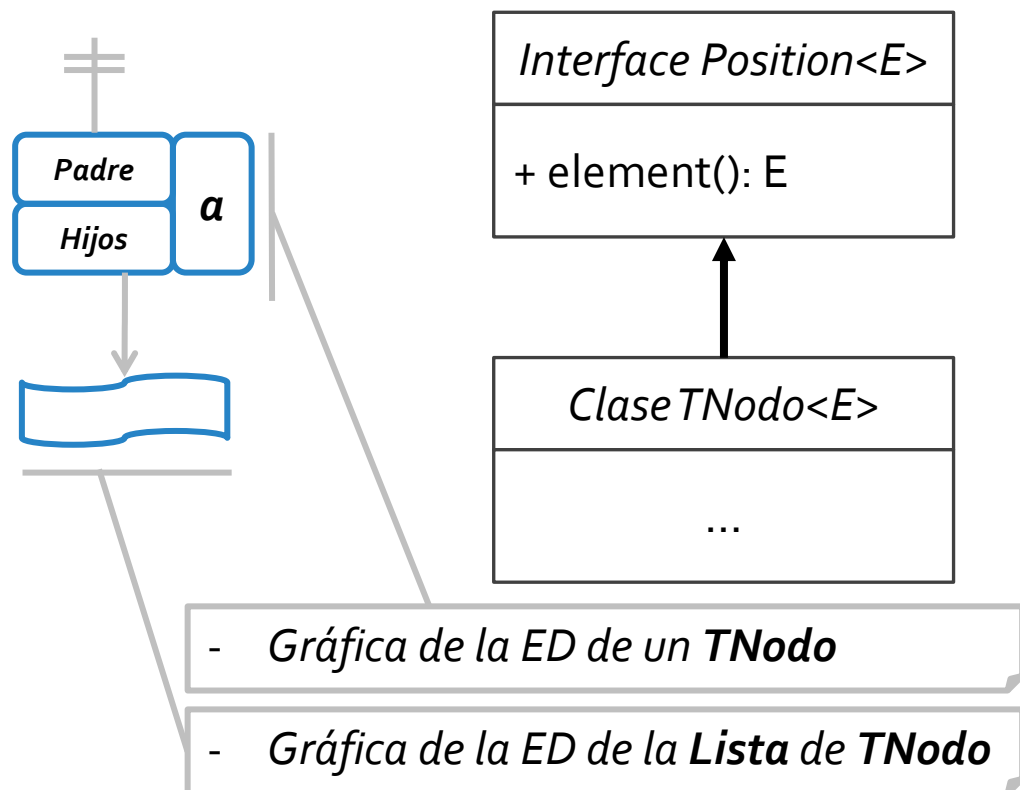
# IMPLEMENTACIÓN DEL TDA ARBOL MEDIANTE NODOS CON REF. AL PADRE y LISTA DE HIJOS

---

   Se recomienda que todo lo documentado en la siguiente sección sea complementado a través de   otras herramientas multimedia dispuestas en la siguiente [explicación online](#).

# ED TNode

- Bajo esta implementación, se define una ED **TNode** que mantiene un rótulo, así como una referencia a un nodo y una lista de nodos que representan los nodos **padre** e **hijos**, respectivamente, del nodo modelado.



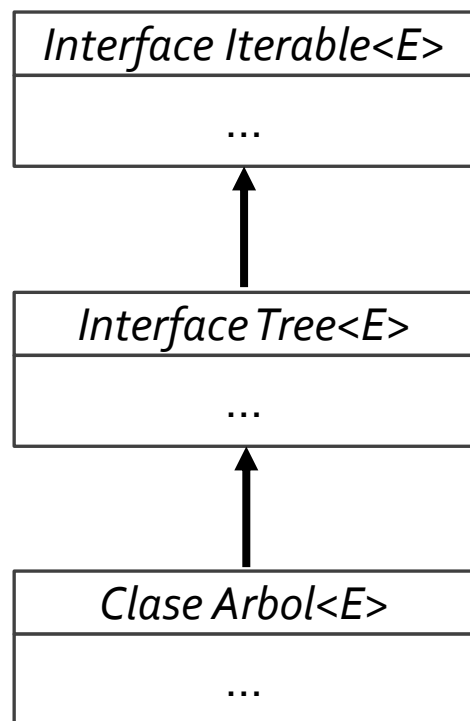
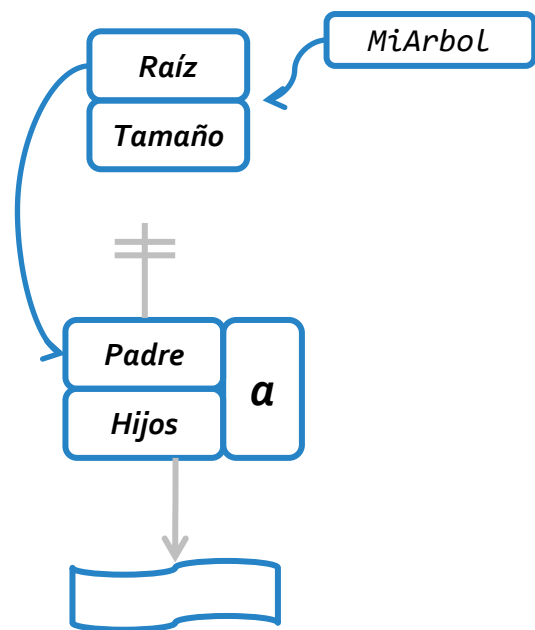
```
public class TNode<E> implements Position<E> {
    protected E elemento;
    protected TNode<E> padre;
    protected PositionList<TNode<E>> hijos;

    public TNode(E el, TNode<E> p){
        elemento = el;
        padre = p;
        hijos = new DoubleLinkedList<TNode<E>>();
    }

    public TNode<E> getPadre(){ return padre; }
    public PositionList<TNode<E>> getHijos(){ return hijos; }
    public E element() { return elemento; }
    public void setPadre(TNode<E> p){ padre = p; }
    public void setElement(E e){ elemento = e; }
}
```

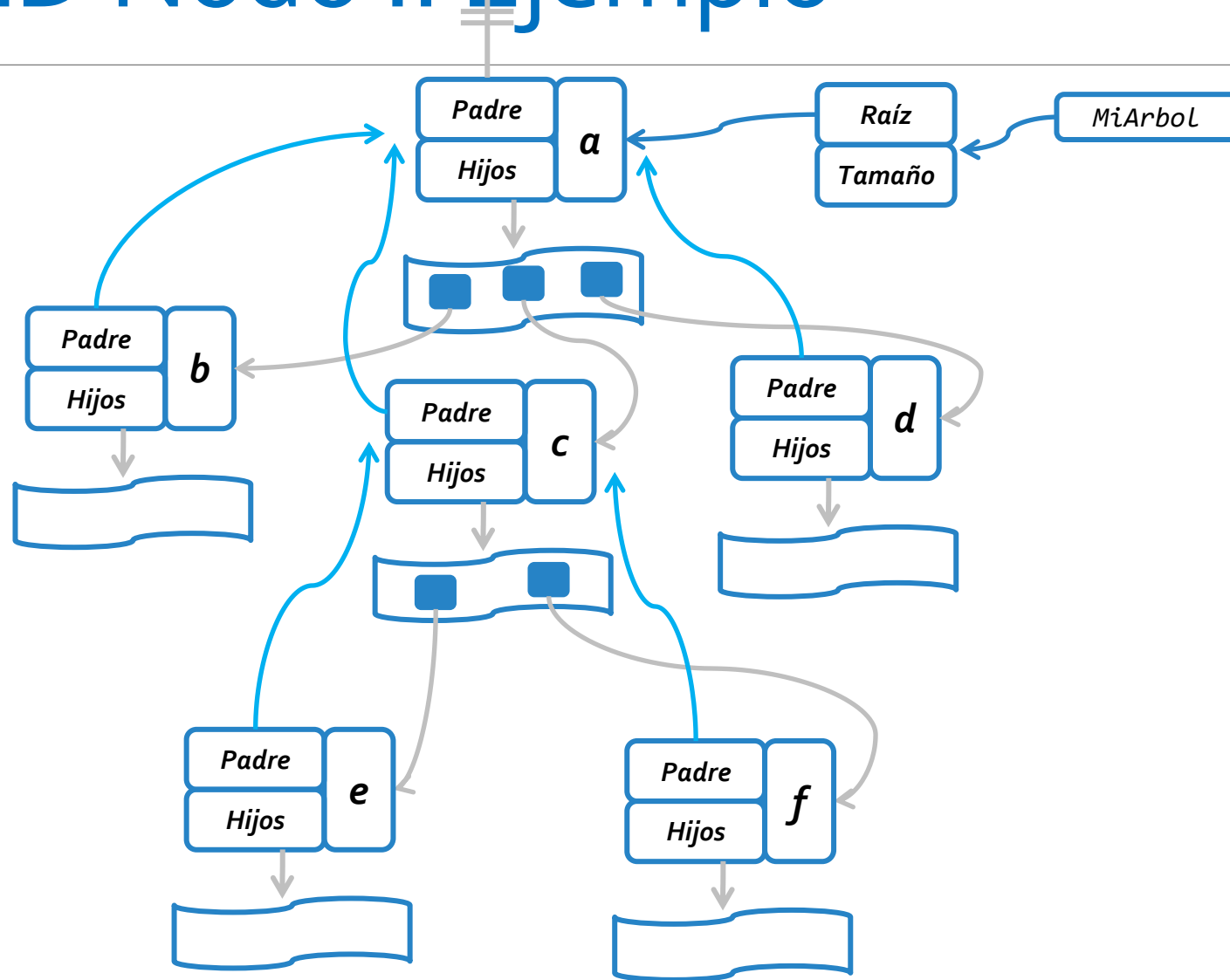
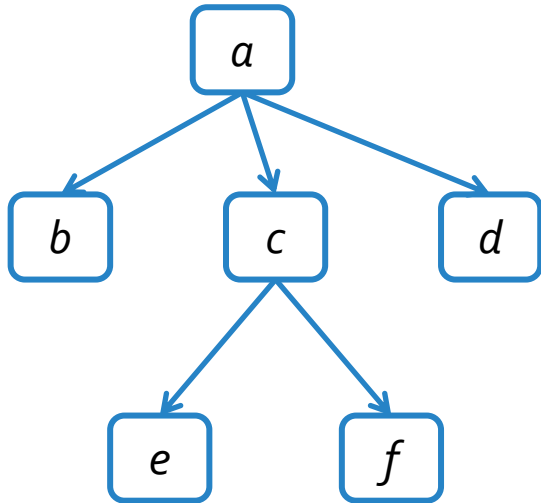
# ED Arbol

- Bajo esta implementación, un árbol se define manteniendo referencia a un TNodo que representa la raíz. A partir de este, luego se puede acceder a todos los restantes nodos.








```
public class Arbol<E> implements Tree<E> {  
    protected TNodo<E> raiz;  
    protected int tamaño;  
  
    public Arbol(){  
        tamaño = 0;  
        raiz = null;  
    }  
  
    public Arbol(E rot){  
        tamaño = 1;  
        raiz = new TNodo<E>(rot, null);  
    }  
    ...  
}
```

# ED Árbol + ED Nodo :: Ejemplo



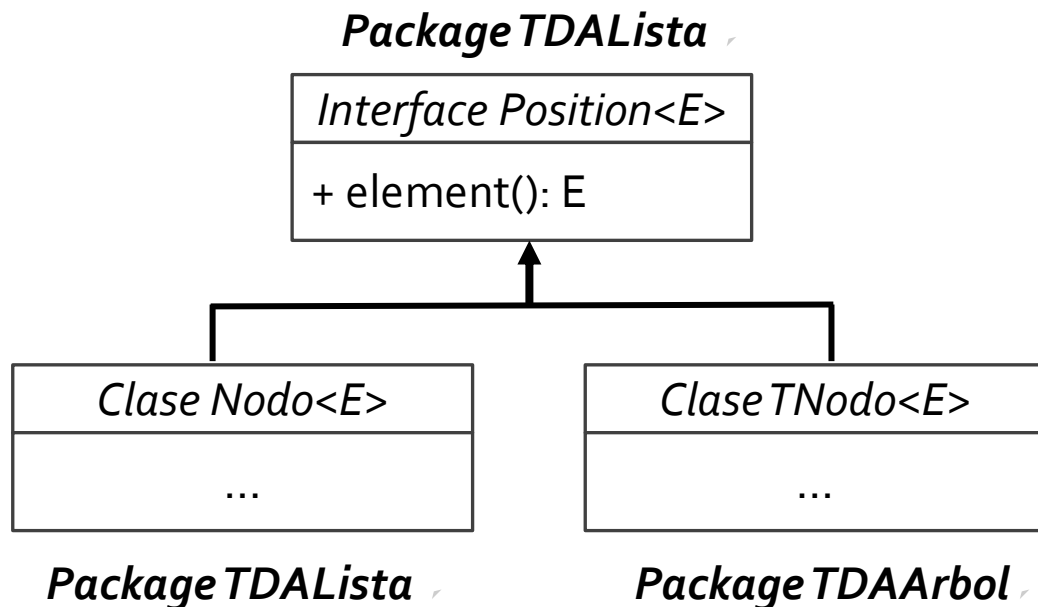
# POSITION de LISTA VS. POSITION de ÁRBOL

---

   Se recomienda que todo lo documentado en la siguiente sección sea complementado a través de   otras herramientas multimedia dispuestas en la siguiente [explicación online](#).

# Diferencia entre Positions de árbol y lista

- Una de los errores más frecuentes en la materia es confundir las Positions de árbol y las de lista.
- En **Estructuras de Datos**, antes del 1º cuatrimestre 2020 (*deprecated*)



```
...
PositionList<Integer> lista = new LinkedList<Integer>();
Tree<Integer> arbol = new Arbol<Integer>();

lista.addFirst(15);
arbol.createRoot(10);

Position<Integer> pLista = lista.first();
Position<Integer> pArbol = arbol.root();

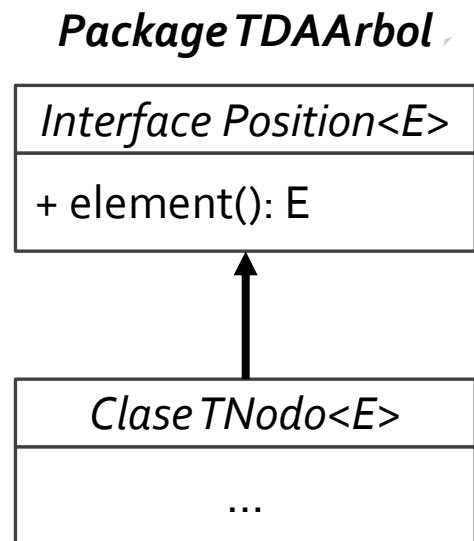
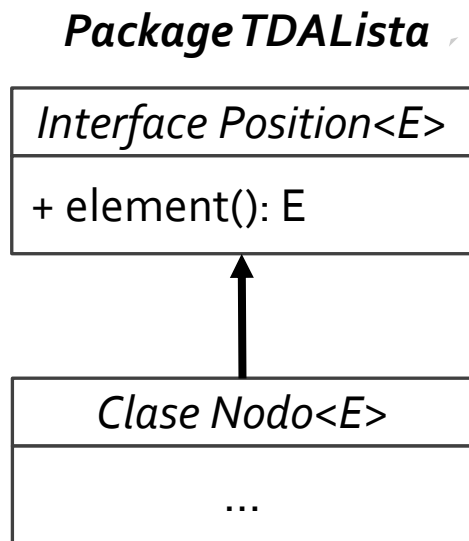
lista.remove(pArbol);
arbol.addLastChild(pLista, 63);
...
```

- El compilador **no indicaba** error de compilación, los tipo de datos coinciden.



# Diferencia entre Positions de árbol y lista

- Una de los errores más frecuentes en la materia es confundir las Positions de árbol y las de lista.
- En **Estructuras de Datos**, a partir del 1º cuatrimestre 2020 (*release*)



```
...
PositionList<Integer> lista = new LinkedList<Integer>();
Tree<Integer> arbol = new Arbol<Integer>();

lista.addFirst(15);
arbol.createRoot(10);

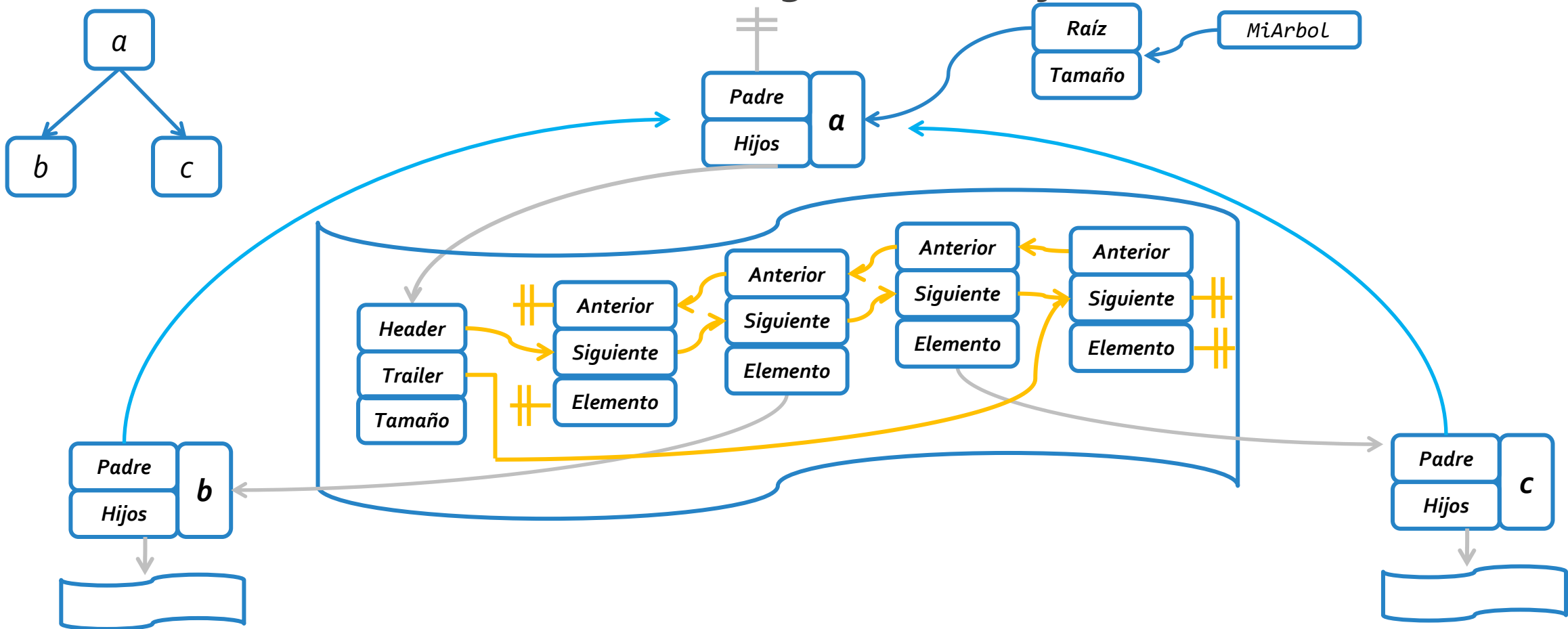
TDALista.Position<Integer> pLista = lista.first();
TDAArbol.Position<Integer> pArbol = arbol.root();

lista.remove(pArbol);
arbol.addLastChild(pLista, 63);
...
```

- El compilador **indica** error de compilación, los tipo de datos **no** coinciden.

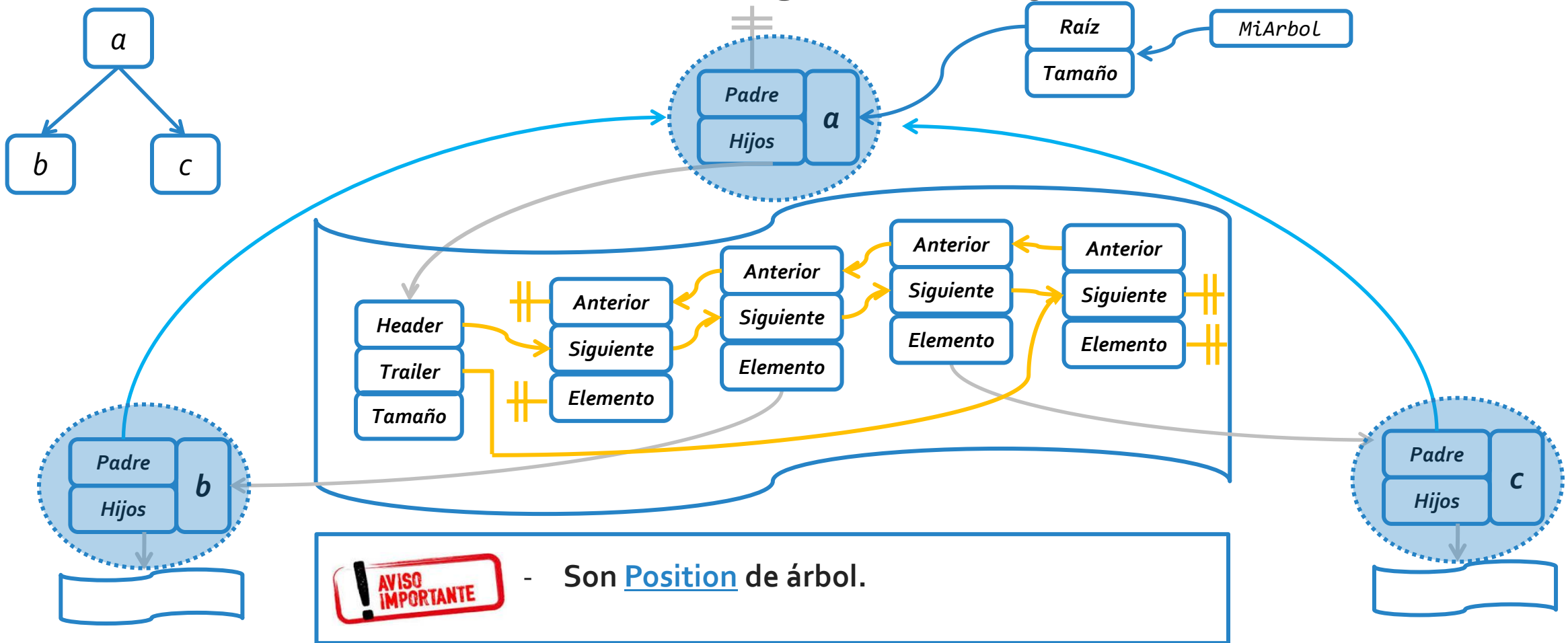
# Diferencia entre Positions de árbol y lista

- Analicemos la diferencia en un diagrama de objetos.



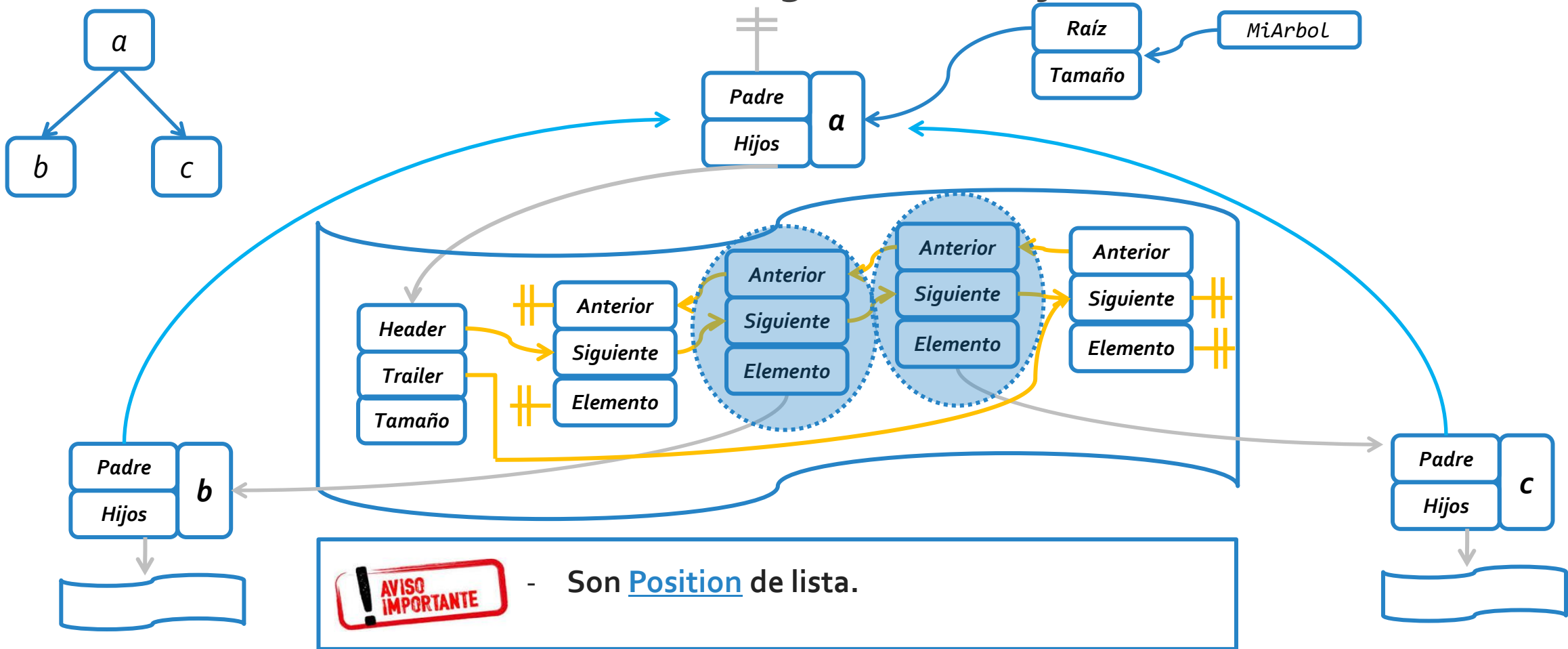
# Diferencia entre Positions de árbol y lista

- Analicemos la diferencia en un diagrama de objetos.



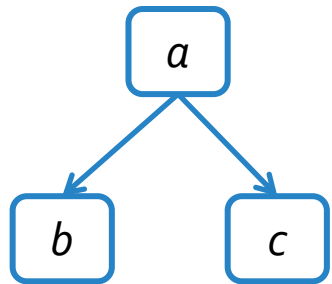
# Diferencia entre Positions de árbol y lista

- Analicemos la diferencia en un diagrama de objetos.



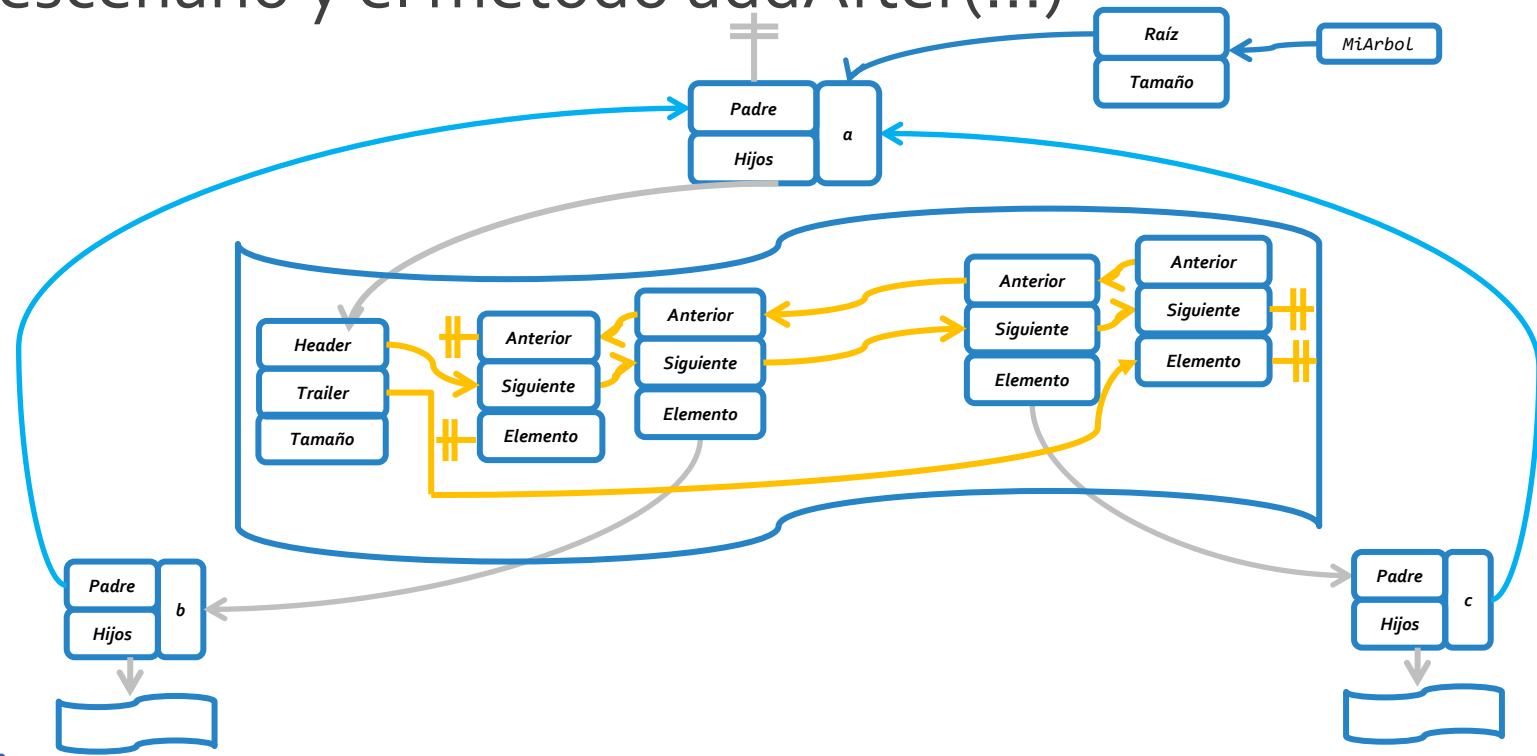
# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



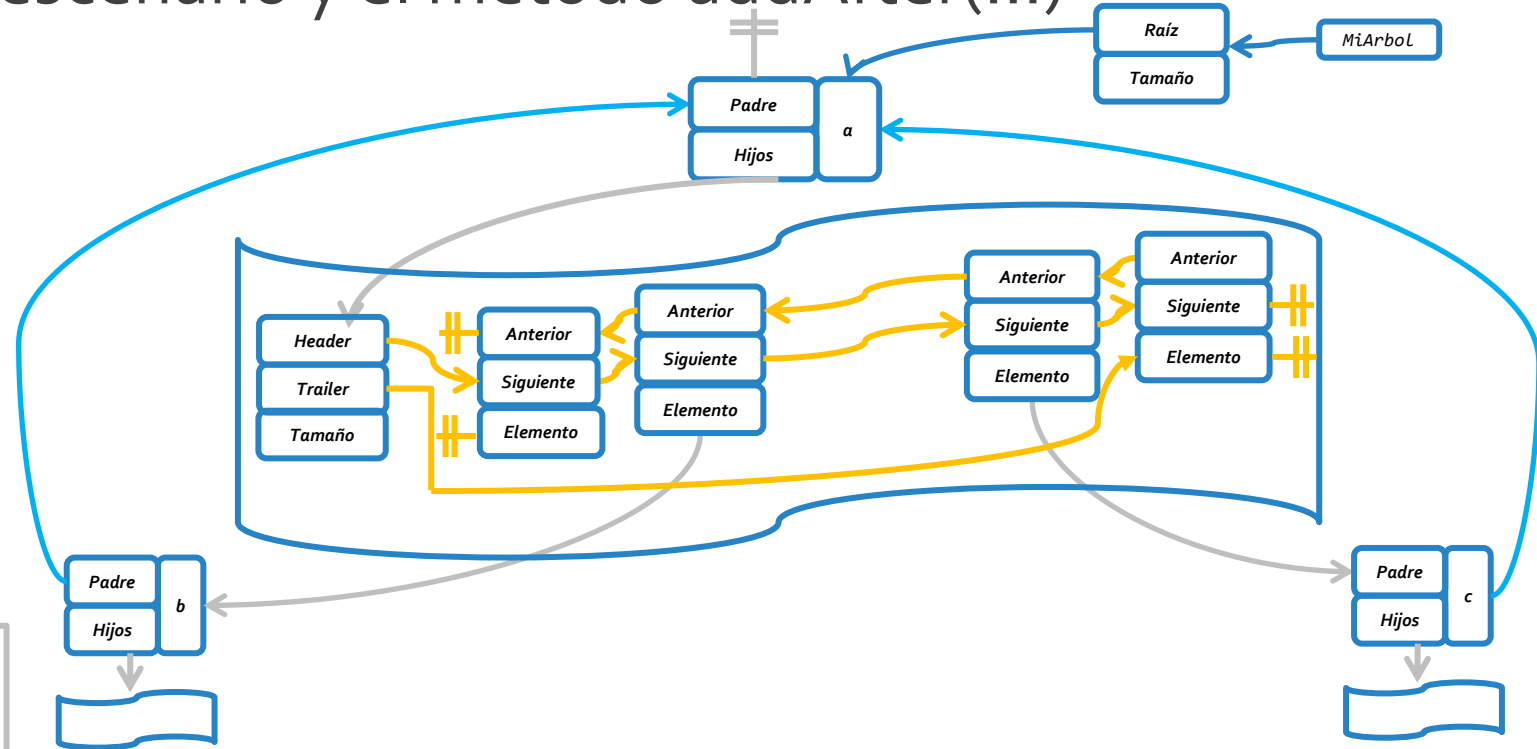
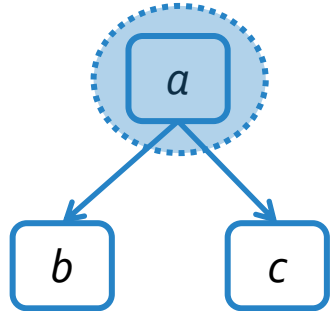
```
/**  
 * Agrega un nodo con rótulo e como hijo de  
 * un nodo padre dado. El nuevo nodo se  
 * agregará a continuación de otro nodo  
 * también dado.  
 * @param e Rótulo del nuevo nodo.  
 * @param p Posición del nodo padre.  
 * @param lb Posición del nodo que será el  
 * hermano izquierdo del nuevo nodo.  
 * @return La posición del nuevo nodo creado.  
 * @throws InvalidPositionException si la posición pasada por parámetro es inválida, o el árbol está vacío, o la  
 * posición lb no corresponde a un nodo hijo del nodo referenciado por p.  
 */
```

```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;
```



# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)

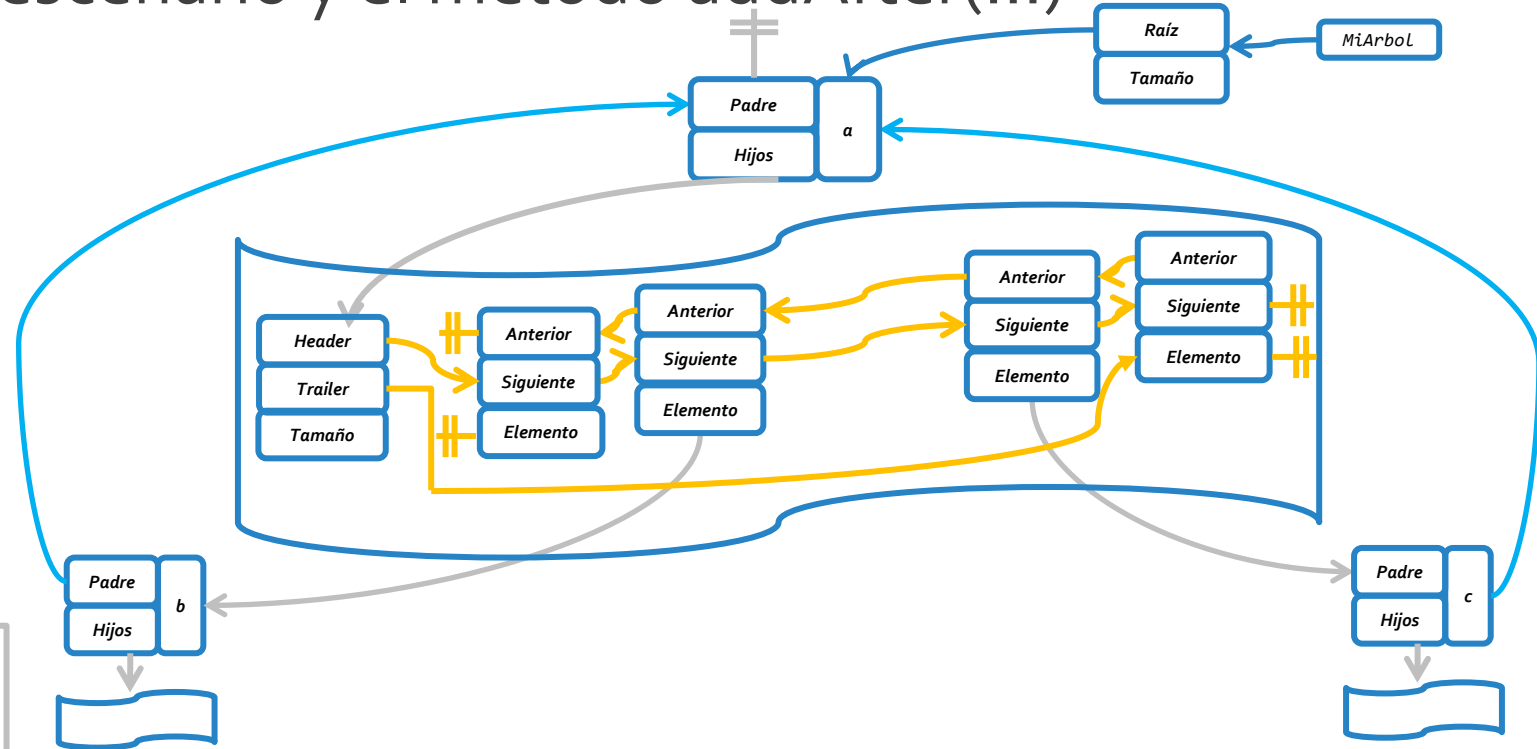
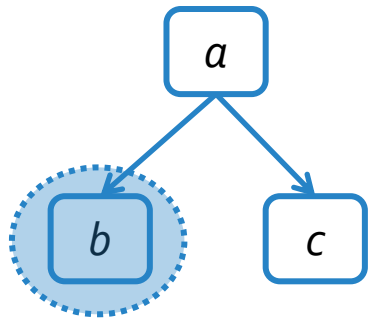


- Utilizaremos la operación `addAfter(p, lb, e)`.
- `p` será el nodo `a`.

`public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;`  
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo `d`, como hijo de `a`, a continuación de `b`.

# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)

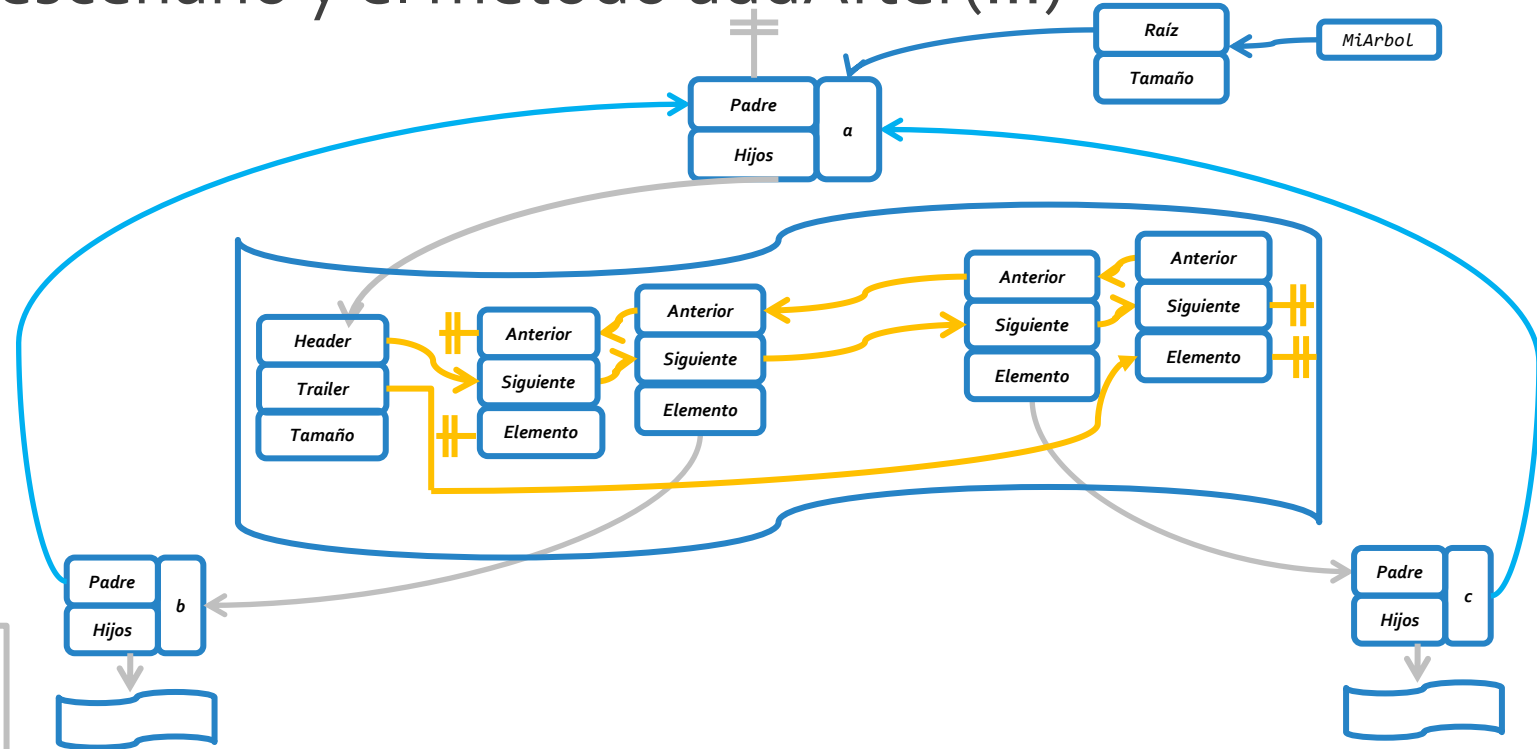
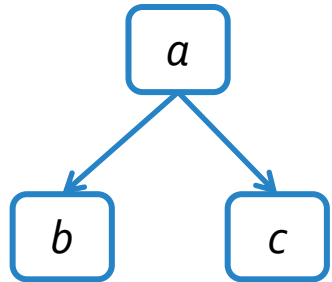


- Utilizaremos la operación `addAfter(p, lb, e)`.
- `p` será el nodo `a`.
- `lb` será el nodo `b`.

`public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;`  
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo `d`, como hijo de `a`, a continuación de `b`.

# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



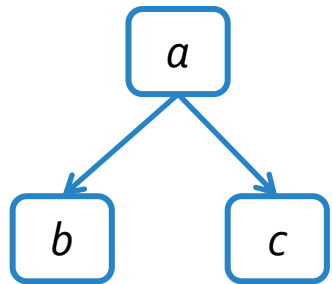
- Utilizaremos la operación `addAfter(p, lb, e)`.
- `p` será el nodo `a`.
- `lb` será el nodo `b`.
- `e` será el rótulo `d`.

```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo d, como hijo de a, a continuación de b.
```



# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

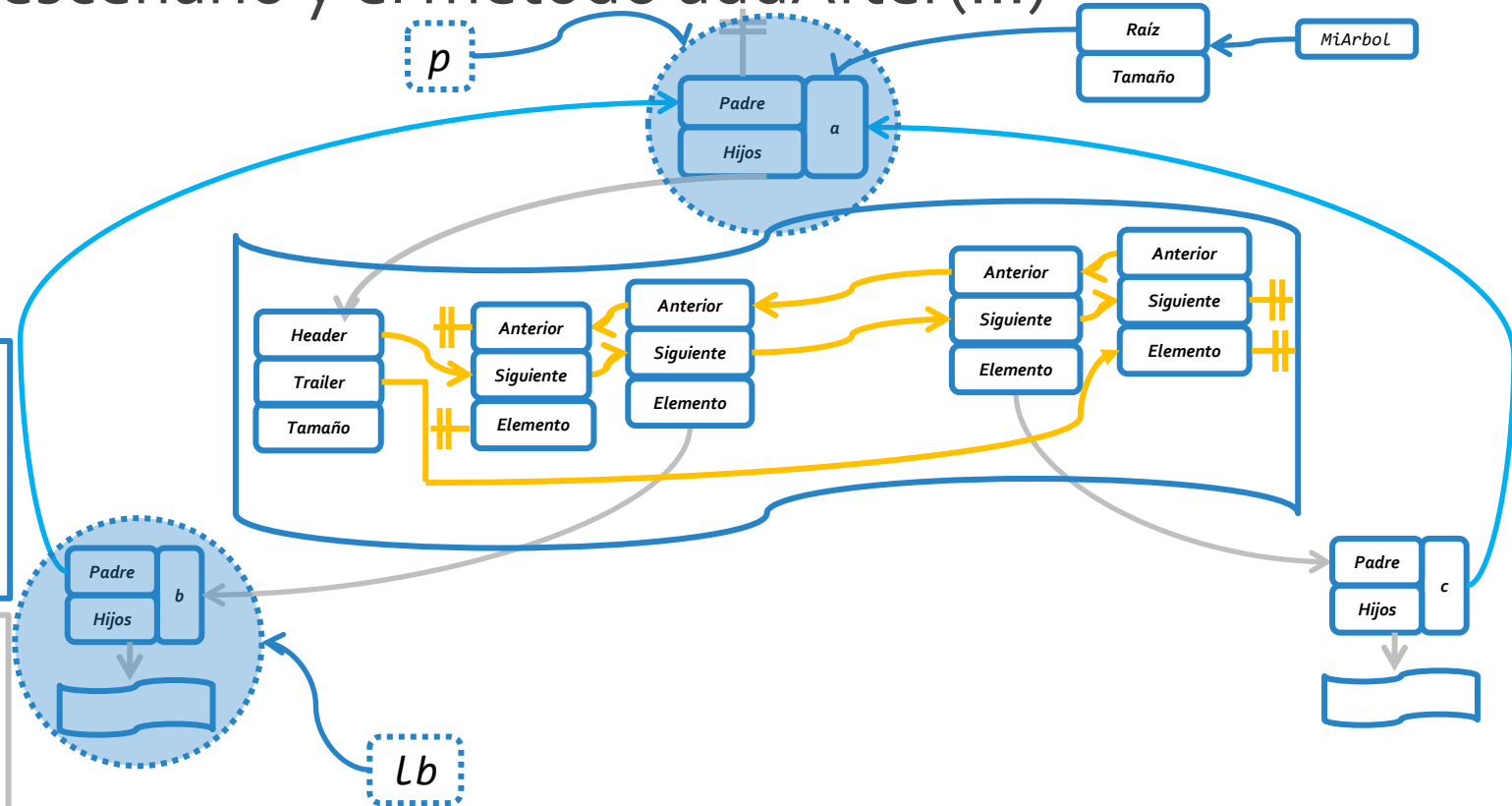
- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



**AVISO IMPORTANTE**

Asumimos por simplicidad que las posiciones son válidas. En la implementación, esto debe validarse.

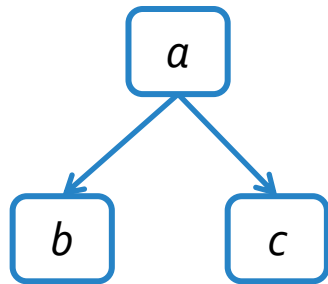
- Utilizaremos la operación `addAfter(p, lb, e)`.
- `p` será el nodo `a`.
- `lb` será el nodo `b`.
- `e` será el rótulo `d`.



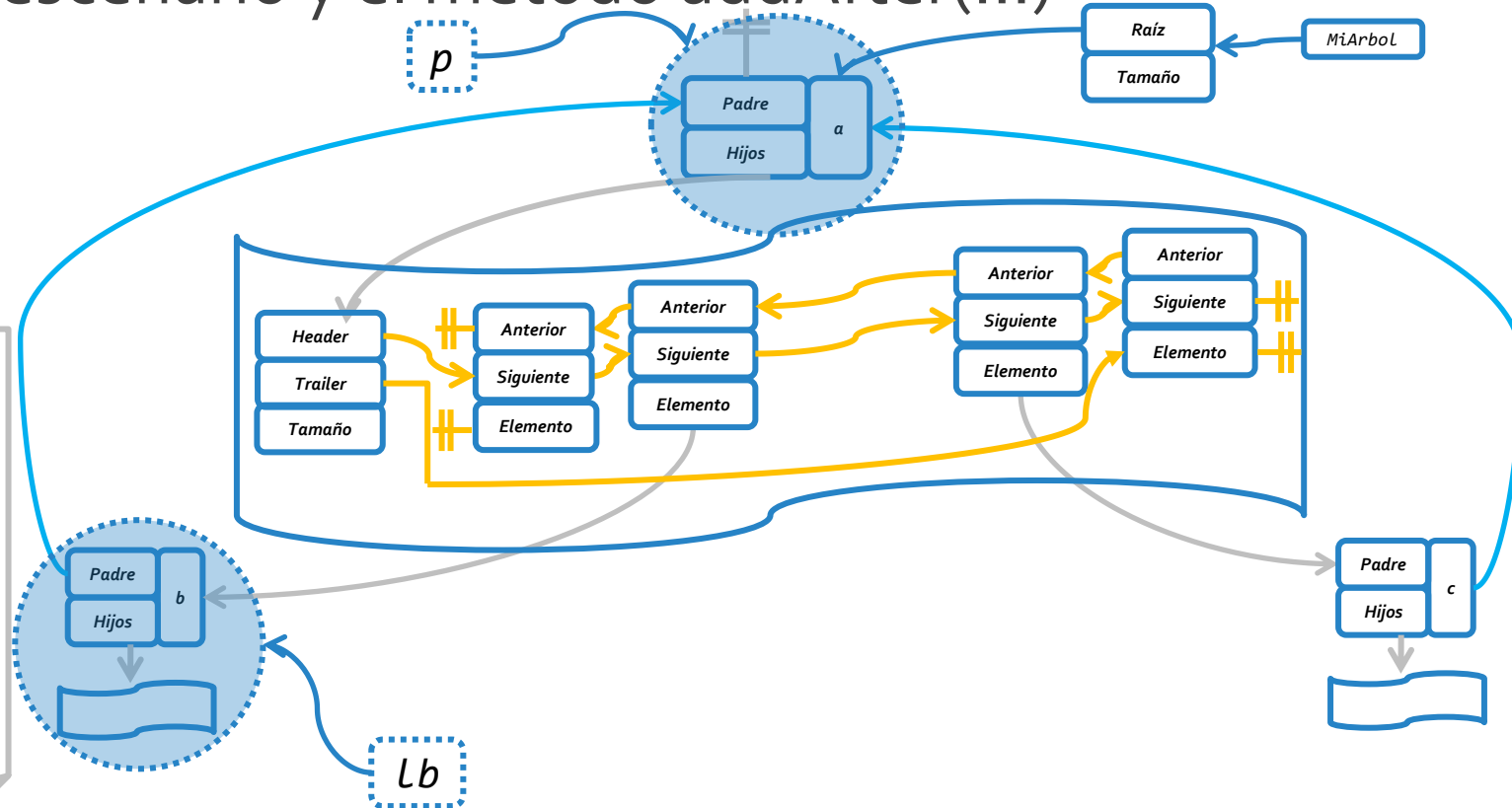
```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo d, como hijo de a, a continuación de b.
```

# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



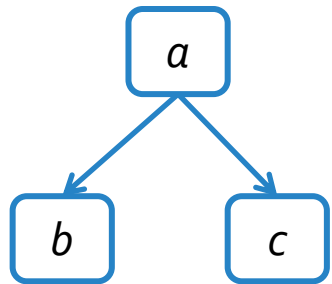
- Utilizaremos la operación `addAfter(p, lb, e)`.
- Como se **agregará** un nuevo nodo como **hijo** del **nodo p**, se debe **modificar** su lista de **nodos hijos**.
- Se deberá **buscar** la **posición de lista (pdl)**, cuyo elemento sea el **nodo de árbol lb**.



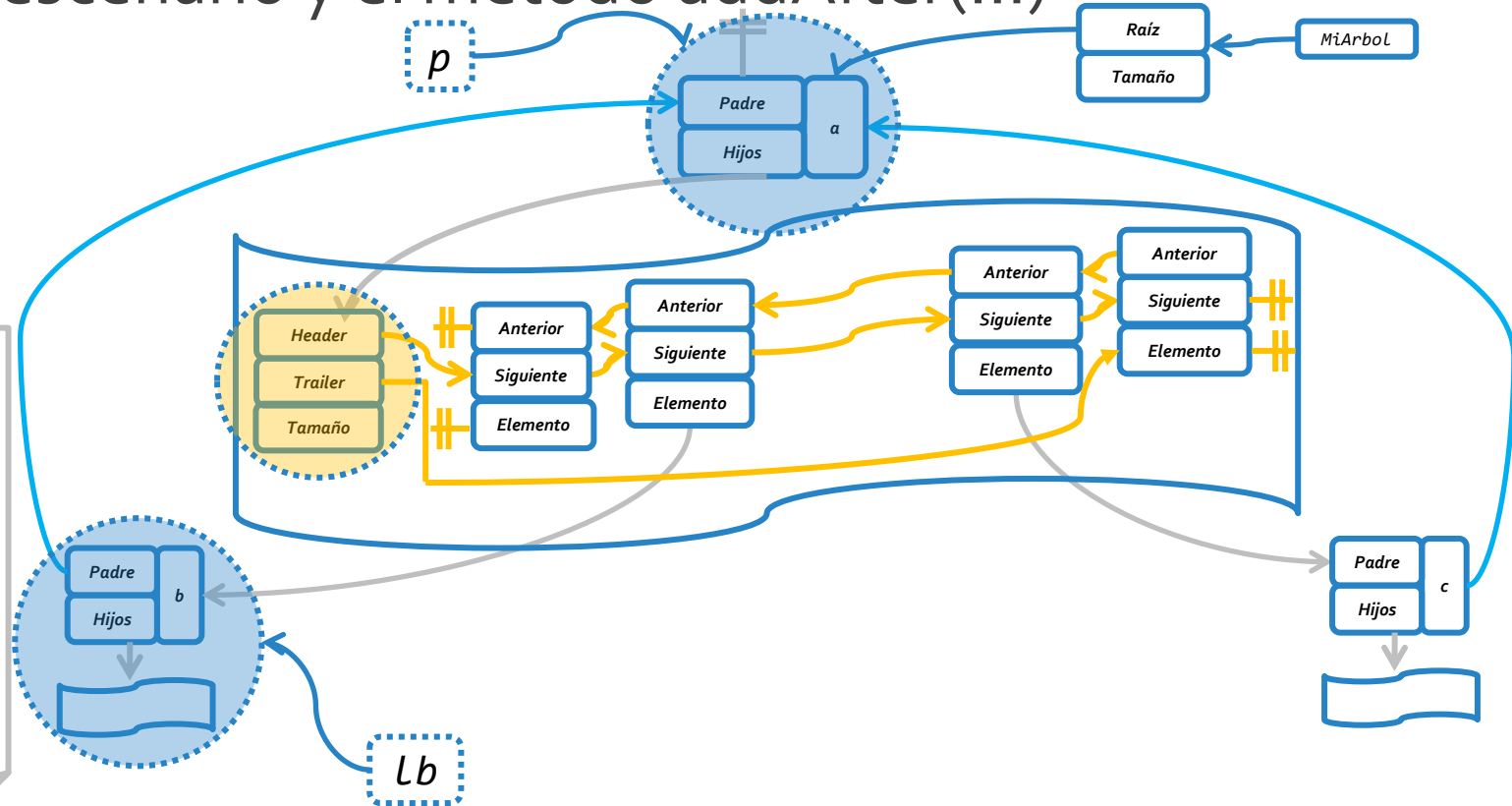
```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo d, como hijo de a, a continuación de b.
```

# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



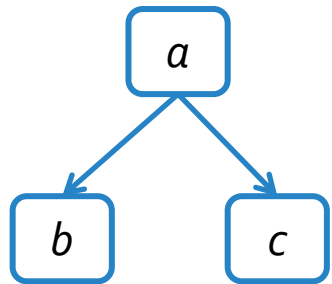
- Utilizaremos la operación addAfter(p,lb,e).
- Como se **agregará** un nuevo nodo como **hijo** del **nodo p**, se debe **modificar** su lista de **nodos hijos**.
- Se deberá **buscar** la **posición de lista (pdl)**, cuyo elemento sea el **nodo de árbol lb**.



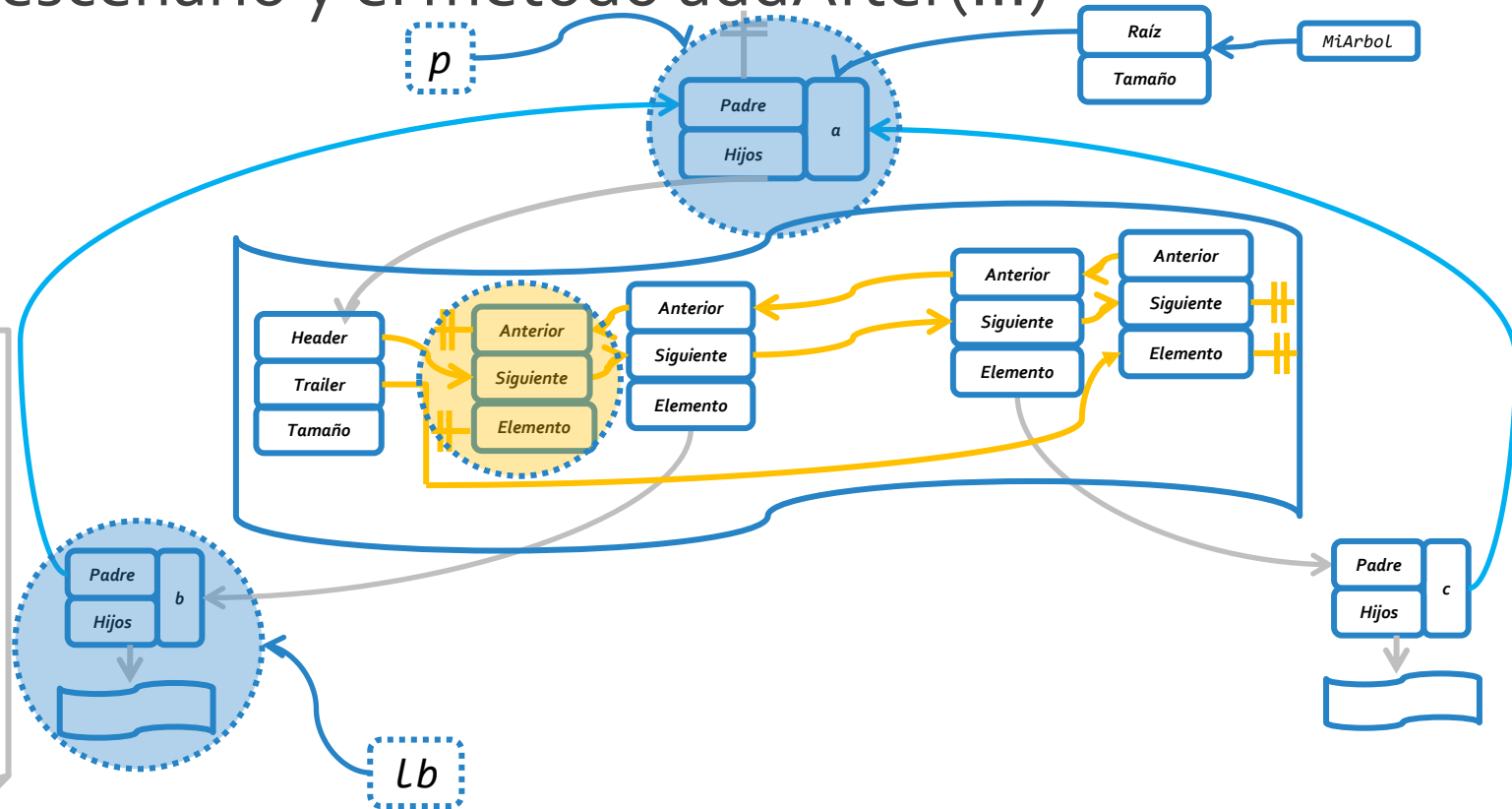
```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo d, como hijo de a, a continuación de b.
```

# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



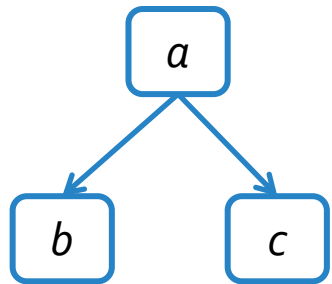
- Utilizaremos la operación `addAfter(p, lb, e)`.
- Como se **agregará** un nuevo nodo como **hijo** del **nodo p**, se debe **modificar** su lista de **nodos hijos**.
- Se deberá **buscar** la **posición de lista (pdl)**, cuyo elemento sea el **nodo de árbol lb**.



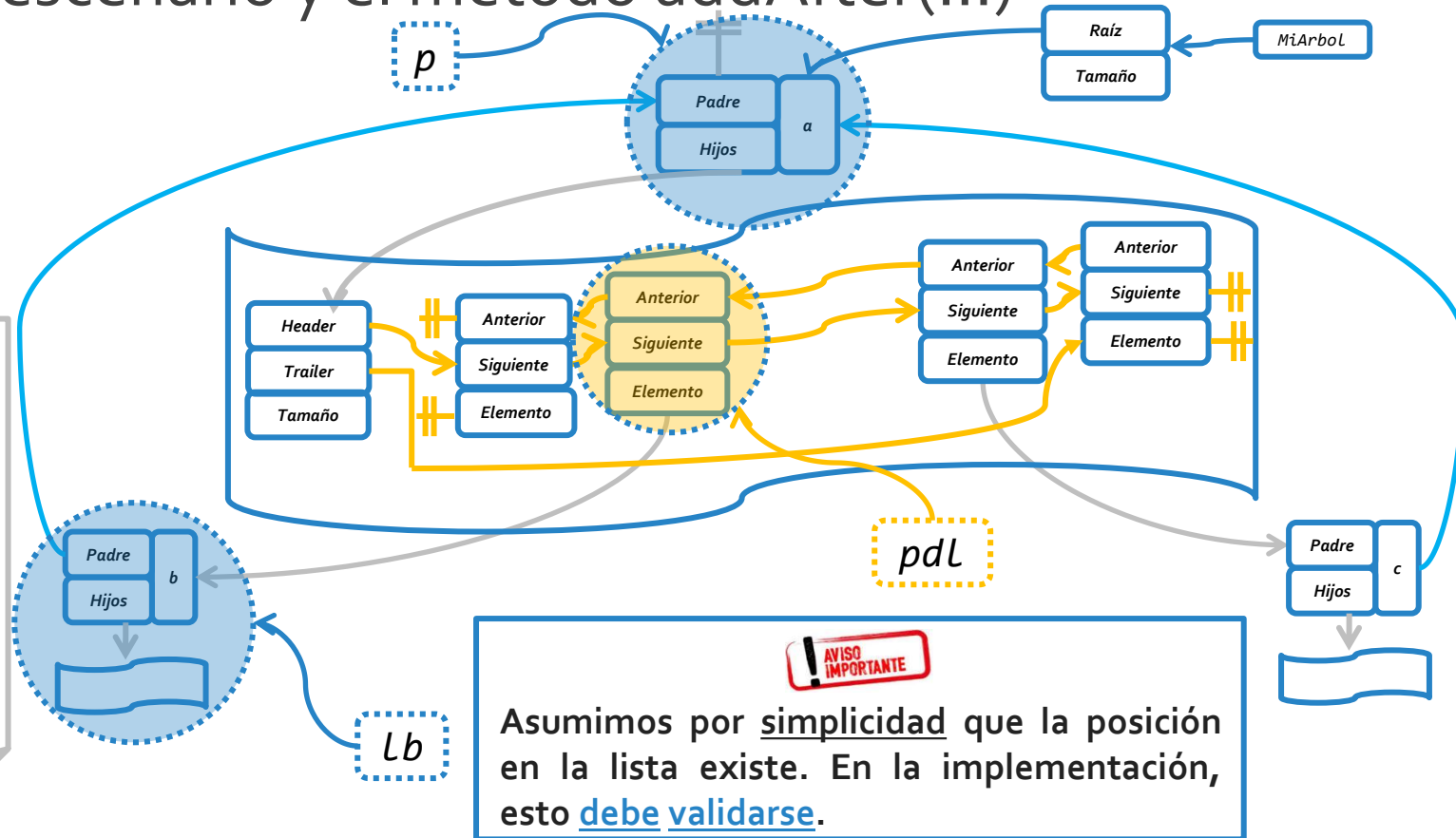
```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo d, como hijo de a, a continuación de b.
```

# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



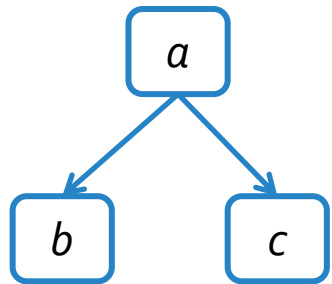
- Utilizaremos la operación `addAfter(p, lb, e)`.
- Como se **agregará** un nuevo nodo como **hijo** del **nodo p**, se debe **modificar** su lista de **nodos hijos**.
- Se deberá **buscar** la **posición de lista (pdl)**, cuyo elemento sea el **nodo de árbol lb**.



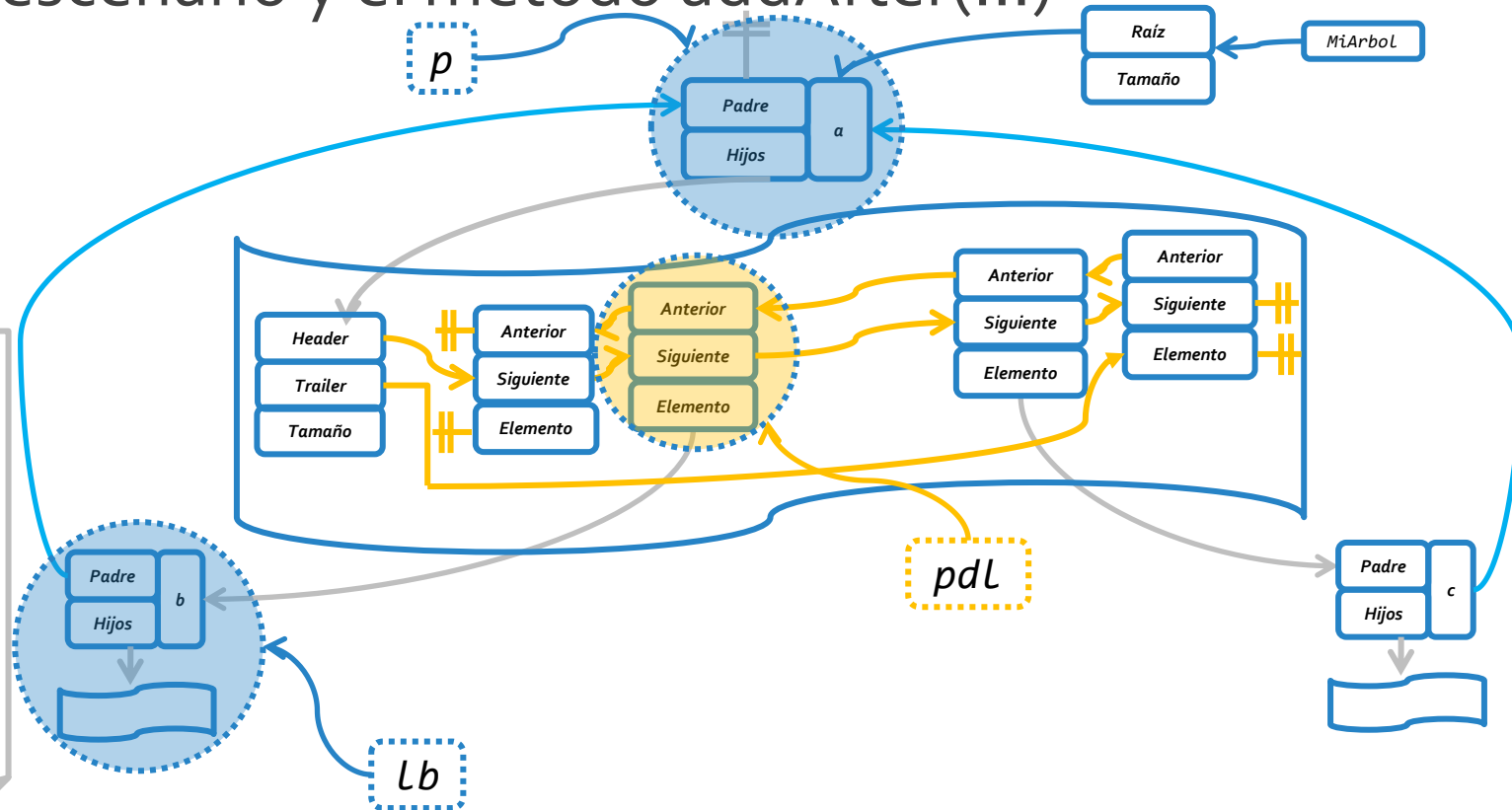
```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;  
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo d, como hijo de a, a continuación de b.
```

# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



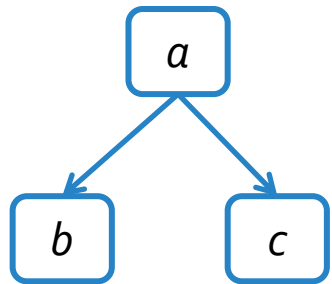
- Utilizaremos la operación `addAfter(p,lb,e)`.
- Como se **agregará** un nuevo nodo como **hijo** del **nodo p**, se debe **modificar** su lista de **nodos hijos**.
- Se deberá **buscar** la **posición de lista (pdl)**, cuyo elemento sea el **nodo de árbol lb**.
- Finalmente, en la **lista** se **agrega luego de pdl**, un **nuevo nodo** con rótulo **d** y padre **a**.



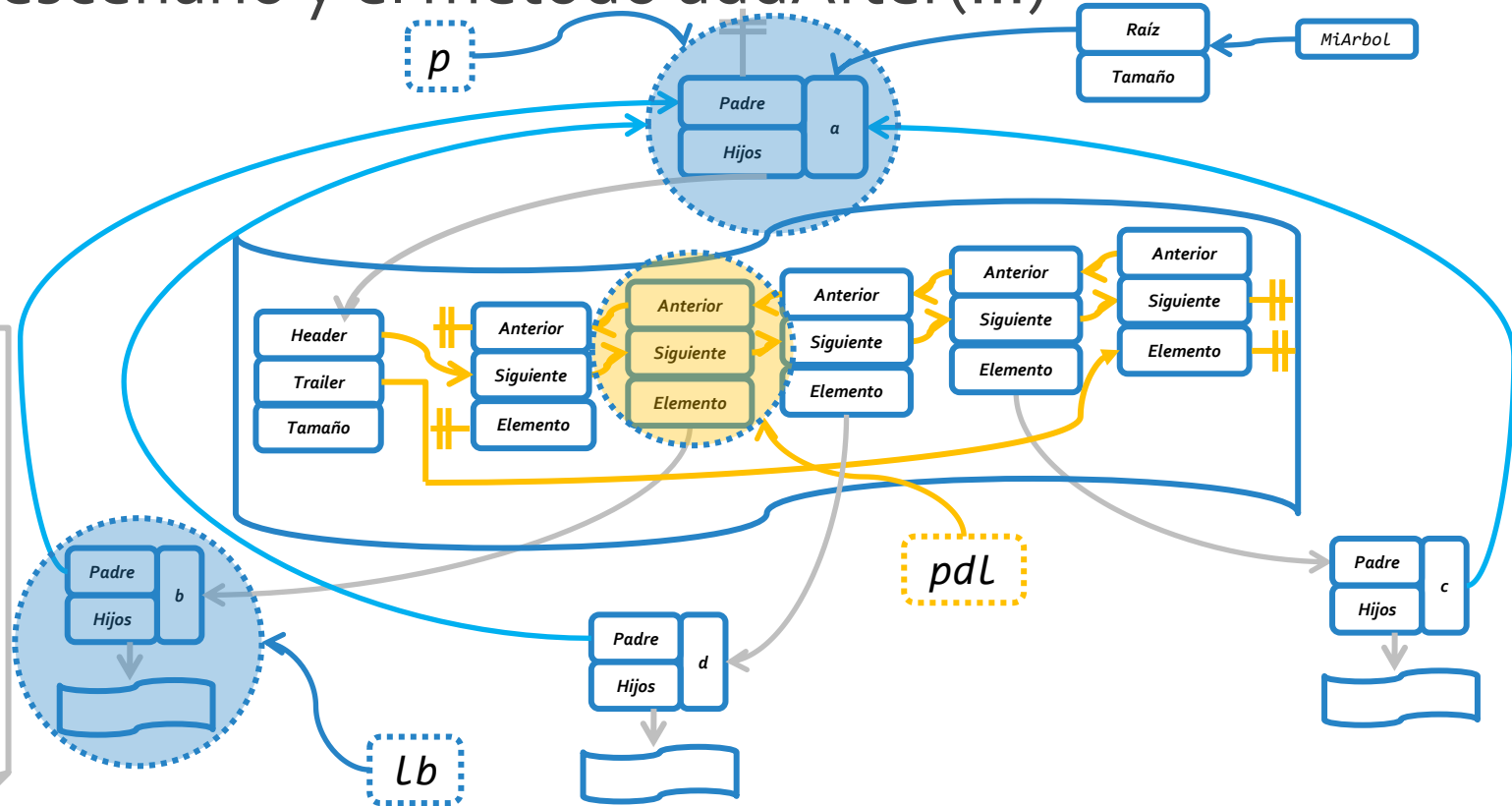
```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo d, como hijo de a, a continuación de b.
```

# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



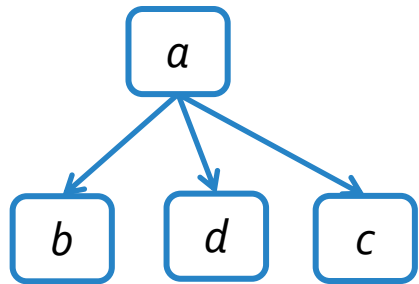
- Utilizaremos la operación `addAfter(p, lb, e)`.
- Como se **agregará** un nuevo nodo como **hijo** del **nodo p**, se debe **modificar** su lista de **nodos hijos**.
- Se deberá **buscar** la **posición de lista (pdl)**, cuyo elemento sea el **nodo de árbol lb**.
- Finalmente, en la **lista** se **agrega luego de pdl**, un **nuevo nodo** con rótulo **d** y padre **a**.



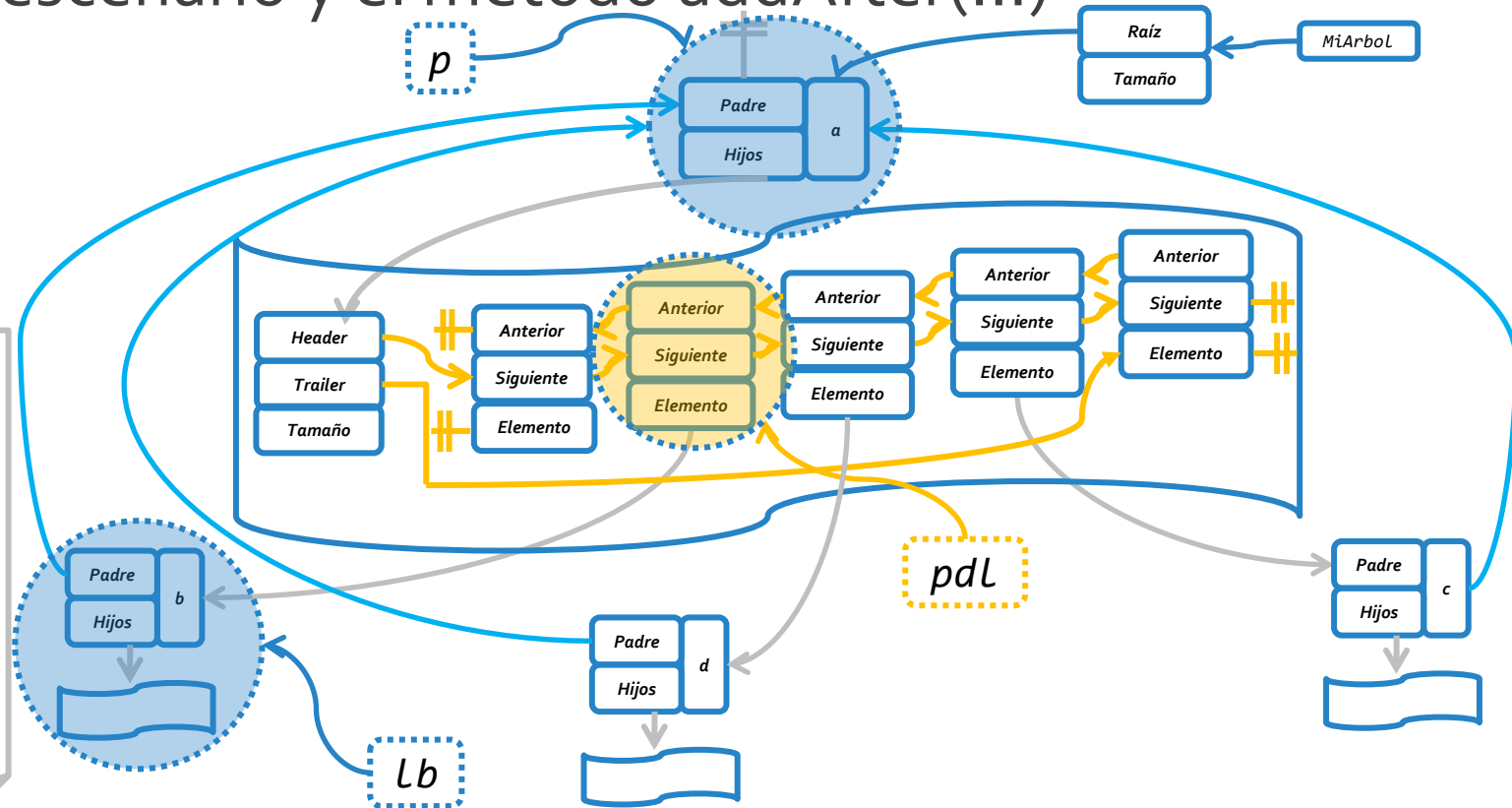
```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;  
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo d, como hijo de a, a continuación de b.
```

# Positions de árbol y lista :: Ejemplo addAfter()

- Consideremos el siguiente escenario y el método addAfter(...)



- Utilizaremos la operación addAfter(p,lb,e).
- Como se **agregará** un nuevo nodo como **hijo** del **nodo p**, se debe **modificar** su lista de **nodos hijos**.
- Se deberá **buscar** la **posición de lista (pdl)**, cuyo elemento sea el **nodo de árbol lb**.
- Finalmente, en la **lista** se **agrega luego de pdl**, un **nuevo nodo** con rótulo **d** y padre **a**.








```
public Position<E> addAfter (Position<E> p, Position<E> lb, E e) throws InvalidPositionException;  
Supongamos que queremos agregar un nodo con rótulo d, como hijo de a, a continuación de b.
```



# IMPLEMENTACIÓN DE REMOVES

---

   Se recomienda que todo lo documentado en la siguiente sección sea complementado a través de   otras herramientas multimedia dispuestas en la siguiente [explicación online](#).

# Implementación operaciones remove

- El TDA Árbol considera tres operaciones que permiten eliminar elementos del árbol.

```
public interface Tree<E> extends Iterable<E>{
    //Operaciones para creación y modificación.
    public void removeExternalNode (Position<E> p) throws InvalidPositionException;
    public void removeInternalNode (Position<E> p) throws InvalidPositionException;
    public void removeNode (Position<E> p) throws InvalidPositionException;
}
```

- En particular, *removeExternalNode()* y *removeInternalNode()* son casos particulares del caso general de eliminación que define *removeNode()*.
- Por dicho motivo, es adecuado definir completamente el método *removeNode()*, y re-utilizar este método cuando se requiera la ejecución de *removeExternalNode()* y *removeInternalNode()*.

# Implementación operaciones remove

```
public void removeExternalNode(Position<E> p) throws InvalidPositionException {
    TNode<E> n = checkPosition(p);
    if(!n.getHijos().isEmpty())
        throw new InvalidPositionException("No es un nodo externo");
    removeNode(n);
}

public void removeInternalNode(Position<E> p) throws InvalidPositionException {
    TNode<E> n = checkPosition(p);
    if(n.getHijos().isEmpty())
        throw new InvalidPositionException("No es un nodo interno");
    removeNode(n);
}

protected TNode<E> checkPosition(Position<E> p) throws InvalidPositionException {
    TNode<E> toReturn = null;
    try{
        toReturn = (TNode<E>) p;
        if (toReturn == null || toReturn.element() == null)
            throw new InvalidPositionException("");
    }catch(ClassCastException e){ throw new InvalidPositionException(); }
    return toReturn;
}
```

# Implementación operaciones remove

```
@Override
public void removeNode(Position<E> p) throws InvalidPositionException {
    TNode<E> nEliminar = checkPosition(p);
    TNode<E> padre = nEliminar.getPadre();
    PositionList<TNode<E>> hijos = nEliminar.getHijos();

    try{
        if (nEliminar == raiz){
            if (hijos.size() == 0){
                raiz = null;
            }else{
                if (hijos.size() == 1){
                    TNode<E> hijo = hijos.remove(hijos.first());
                    hijo.setPadre(null);
                    raiz = hijo;
                }else
                    throw new InvalidPositionException("No se puede eliminar raíz con hijos > 1");
            }
        }else{
            //Sigue en próxima slide.
        }
    }
}
```

# Implementación operaciones remove

```
//Si no es raíz, nEliminar tiene un padre y por lo tanto una lista de hermanos.
PositionList<TNodo<E>> hermanos = padre.getHijos();

//Se debe hallar la posición de lista (en hermanos) que almacene (si existe) nEliminar.
TDALista.Position<TNodo<E>> posListaHermanos = hermanos.isEmpty() ? null : hermanos.first();
while(posListaHermanos != null && posListaHermanos.element() != nEliminar){
    posListaHermanos = (hermanos.last() == posListaHermanos) ? null : hermanos.next(posListaHermanos);
}

//Si no existe posición de lista (en hermanos) que almacene a nEliminar, la posición parametrizada p es inválida.
if (posListaHermanos == null)
    throw new InvalidPositionException("La posición p no se encuentra en la lista del padre");

//Se agregan en la lista de hermanos de nEliminar, todos los hijos nEliminar (respetando el orden).
while(!hijos.isEmpty()){
    TNodo<E> hijo = hijos.remove(hijos.first());
    hijo.setPadre(padre);
    hermanos.addBefore(posListaHermanos, hijo);
}
hermanos.remove(posListaHermanos);
} //Else (nEliminar == raíz).

nEliminar.setPadre(null);
nEliminar.setElement(null);
tamaño--;
} catch (EmptyListException | TDALista.BoundaryViolationException e){}
}
```



Fin de la presentación.