



Dpto. Ciencias e Ingeniería de la Computación  
Universidad Nacional del Sur

# ELEMENTOS DE BASES DE DATOS

Segundo Cuatrimestre 2015

**Clase 14:**

## Gestión de Transacciones Control de Concurrencia

Mg. María Mercedes Vitturini  
[mvitturi@uns.edu.ar]



# Transacciones



**Transacción exitosa**



# Transacciones - Repaso

Se denomina **transacción** a una colección de operaciones sobre la base de datos que forman una *unidad lógica de trabajo*.

## Características

- Eventualmente puede acceder y/o actualizar varios ítems de datos.
- Accede y deja a la BD en un estado consistente.
- Puedes suceder que múltiples transacciones se ejecuten concurrentemente.
- Es el programador quién define los límites de una transacción.

# Propiedades ACID

✓ **Atomicidad** (*atomicity*).



✓ **Consistencia** (*consistency*).



✓ **Aislación** (*isolation*).



✓ **Durabilidad** (*durability*).



# Planificaciones

**PLANIFICACIÓN** se denomina así a la secuencia cronológica en el cual se ejecutan en el sistema las instrucciones de transacciones concurrentes.

$$P_k = \langle I_{i,j} \rangle \quad (\text{con } I_{i,j} \text{ instrucción } j\text{-ésima de } T_i)^1$$

<sup>1</sup>- Framework centralizado

- Se dice de una planificación que es una **planificación es en serie** si las instrucciones pertenecientes a cada transacción aparecen juntas.
- Una planificación *no en serie* que es una “**planificación serializable**” si el resultado de su ejecución *equivale a alguna* planificación en serie. 😊



# Planificaciones Serializables

Estrategias de Testeo



TEST

# Equivalencia

Dos planificaciones  $P_i$  y  $P_j$  son **planificaciones equivalentes**, si a pesar de *no tener la misma secuencia de instrucciones  $I_{ij}$*  *generan el mismo resultado final*.

## Tests de Equivalencia

- Existen distintos mecanismos para testear o verificar la calidad de serializabilidad de una planificación:
  1. Test de **serializabilidad en conflictos** (test con *grafo de conflictos*) ✓
  2. **Test de serializabilidad en vistas.**

# Conflictos

Sean las instrucciones  $I_i$  e  $I_j$  referentes a dos transacciones  $T_i$  y  $T_j$  respectivamente. Se dice que tales instrucciones están en **conflicto** cuando son *instrucciones de transacciones distintas sobre el mismo dato y al menos una de ellas es una instrucción Write*.

- Si  $I_i$  e  $I_j$  **no están en conflicto**, pueden intercambiarse para obtener una planificación  $S'$  equivalente a  $S$ .
- La forma práctica de verificarlo es construir el grafo de precedencia para conflictos.



# Instrucciones Conflictivas

El **conflicto** con instrucciones consecutivas se produce si al menos una de las instrucciones  $I_i$  e  $I_j$  es una instrucción  $Write(Q)$ :

- Si  $I_i = Read(Q)$  y  $I_j = Write(Q)$ . Si  $I_i$  viene antes que  $I_j$  entonces  $T_i$  no lee el valor de  $Q$  que escribe  $T_j$ . Si  $I_j$  viene antes que  $I_i$  entonces  $T_i$  lee el valor que escribe  $T_j$ . El orden si importa.
- Si  $I_i = Write(Q)$  y  $I_j = Read(Q)$  el caso es análogo al anterior.
- Si  $I_i = Write(Q)$  y  $I_j = Write(Q)$ . El orden de las instrucciones afecta a las próximas sentencias  $Read$  de la planificación  $S$ .

# Grafo de Precedencia en Conflicto

Consideremos alguna posible planificación para un conjunto de transacciones  $T_1, T_2, \dots, T_n$

**Grafo de Precedencia** —  $G = (V, A)$  un grafo dirigido donde cada vértice  $V_i$  se corresponde con cada transacción  $T_j$ .

- Se añade un arco desde  $T_i$  a  $T_j$  ( $T_i \rightarrow T_j$ ) cuando se da alguna de las siguientes condiciones:
  - $T_i$  ejecuta write(Q) antes que  $T_j$  ejecute read(Q).
  - $T_i$  ejecuta read(Q) antes que  $T_j$  ejecute write(Q).
  - $T_i$  ejecuta write(Q) antes que  $T_j$  ejecute write(Q).

Dada una planificación P, se construye el grafo para determinar si es o no serializable en cuanto a conflictos.

# Ejemplos

## Serializable en Conflictos

P1	T1	T2
1	Read (A)	
2	Write (A)	
3		Read (A)
4		Write (A)
5	Read (B)	
6	Write (B)	
7		Read (B)
8		Write (B)

¿Es serializable?

## No serializable en Conflictos

P2	T1	T2
1	Read (A)	
2	Write (A)	
3		Read (A)
4		Write (A)
5		Read(B)
6	Read (B)	
7	Write (B)	
8		Write (B)

# Equivalencia en Vistas

Dos planificaciones **S** y **S'** son **equivalentes en cuanto a vistas** si cumplen todas las siguientes condiciones para cada ítem de dato Q:

1. Si  $T_i$  ejecuta **Read(Q)** y lee el valor inicial de Q en **S**, entonces  $T_i$  debe leer el valor inicial de Q en **S'**.
2. Si  $T_i$  ejecuta **Read(Q)** en **S** y ese valor fue producido por  $T_j$  (si existe), entonces  $T_i$  debe leer en **S'** el valor producido por  $T_j$ .
3. La transacción (si existe) que ejecuta **Write(Q)** final en la planificación **S** debe ejecutar la operación final **Write(Q)** en la planificación **S'**

- **1 y 2** aseguran que cada transacción lee los mismos valores en ambas planificaciones y, por lo tanto, realiza el mismo cálculo.
- **3**, junto con **1 y 2**, asegura que ambas planificaciones resultan en el mismo estado final.

# Serializabilidad de Vistas

$T_1$	$T_2$	$T_3$
Read (Q) ; Write (Q) .	Write (Q) .	Write (Q) .

- Es serializable en vistas y es equivalente a la planificación en serie  $\langle T_1, T_2, T_3 \rangle$ .
- No es serializable en conflictos *¿grafo?*
- Las transacciones  $T_2$  y  $T_3$  realizan escrituras sobre Q sin haberlo leído: *escrituras ciegas*. Las planificaciones serializables en vistas (no en conflictos) admiten escrituras ciegas.

# Serializabilidad de Vistas

- Una **planificación** es **serializable en vistas** si es equivalente en vistas a alguna planificación en serie.
- La equivalencia en vistas es menos rigurosa que la equivalencia en conflictos.
- Toda planificación serializable en conflictos también es serializable en vistas

**Serializabilidad en conflictos**  $\Rightarrow$  **Serializabilidad en vistas**

- Sin embargo, no es cierto que toda planificación serializable en vistas también lo es en conflictos.

**Serializabilidad en vistas**  $\not\Rightarrow$  **Serializabilidad en conflictos**

# Planificaciones



# Serializabilidad y Equivalencias

- Las siguiente planificación produce una salida equivalente a la planificación en serie  $\langle T_1, T_5 \rangle$ . Sin embargo, no es equivalente en cuanto a vistas (ie ni en cuanto a conflictos)

$T_1$	$T_5$
read(A) $A := A - 50$ write(A)	
	read(B) $B := B - 10$ write(B)
read(B) $B := B + 50$ write(B)	
	read(A) $A := A + 10$ write(A)



# Vistas vs. Conflictos

- Los módulos para testear serializabilidad en vistas tienen un costo exponencial relativo al tamaño del grafo de precedencia (*ver anexo*).
- El problema de **chequear si una planificación es serializable en vistas cae en la clase de problemas NP-completos**. Así la existencia de un algoritmo eficiente es extremadamente poco probable.



# Control de Concurrencia



**Transacciones y acceso a recursos compartidos**

# Implementación de Aislamiento

Vamos a estudiar alternativas en **protocolos de control de concurrencia** como mecanismos para **garantizar aislamiento**:

- Proporcionar concurrencia.
- Controlar el acceso a los datos compartidos.
- Generando únicamente planificaciones serializables.

## RECORDAMOS

- Los entornos concurrentes proveen las ventajas:
  - **Mejor la utilización de disco y procesador**, aumentando la productividad (*throughput*).
  - **Mejoran el tiempos de respuesta.**


# Control de Concurrencia

- Un **protocolo de control de concurrencia** garantiza que se generen planificaciones *concurrentes*, pero asegurando serializabilidad.
  - Los protocolos que vamos a estudiar **no examinan el grafo de precedencia**.
  - **Imponen reglas que evitan planificaciones no serializables (pesimistas)**.
  - Los distintos protocolos varían en cuanto al paradigma, al nivel de concurrencia y el overhead.
- Los **tests de serializabilidad** ayudan a entender por qué un protocolo es correcto.

# Control de concurrencia

- Los protocolos de control de concurrencia sirven para garantizar *aislamiento*.
  - Existen dos estrategias básicas para control de concurrencia:
    - Basadas en bloqueo de recursos.
    - Basadas en estampillas de tiempo de las transacciones.
- ➔ Distintas implementaciones usan una u otra estrategia o una combinación de ellas.

# Control de Concurrencia: Protocolos Basados en Bloqueos

T1	T2		T1	T2
lock-S(B)			lock-S(B)	
read(B) lock-X(A)			read(B) lock-X(A)	
	lock-S(B)			lock-S(B)
	read(B) unlock(B)			read(B) unlock(B)
unlock(B)			read(A) A := A - 50 write(A) unlock(A)	
read(A) A := A - 50 write(A) unlock(A)			unlock(B)	

Estrategia: bloqueos  
de recursos

# Protocolos Basados en Bloqueos (PBB)

- Un **bloqueo (Lock)** es un mecanismo para controlar el acceso concurrente a un recurso (ítem de dato).

## Modos de bloqueo:

**Compartido (*lock-S*):** si una transacción T solicita y obtiene un bloqueo compartido sobre un dato Q entonces T puede leer el dato pero no escribir Q.

**Exclusivo (*lock-X*):** si una transacción T solicita y obtiene un bloqueo exclusivo sobre un dato Q entonces T puede leer y escribir Q.

- Las transacciones envían sus pedidos de bloqueo al *Gestor de Control de Concurrency*.

# Gestor de Control de Concurrency

1. Una transacción que requiere un bloqueo (compartido o exclusivo) sobre un ítem de dato Q lo solicita al gestor.
2. El gestor de control de concurrency se lo concederá únicamente si su *solicitud es compatible* con los bloqueos ya asignados a otras transacciones sobre el mismo dato Q. Caso contrario T deberá esperar.

## Tabla de compatibilidad de bloqueos:

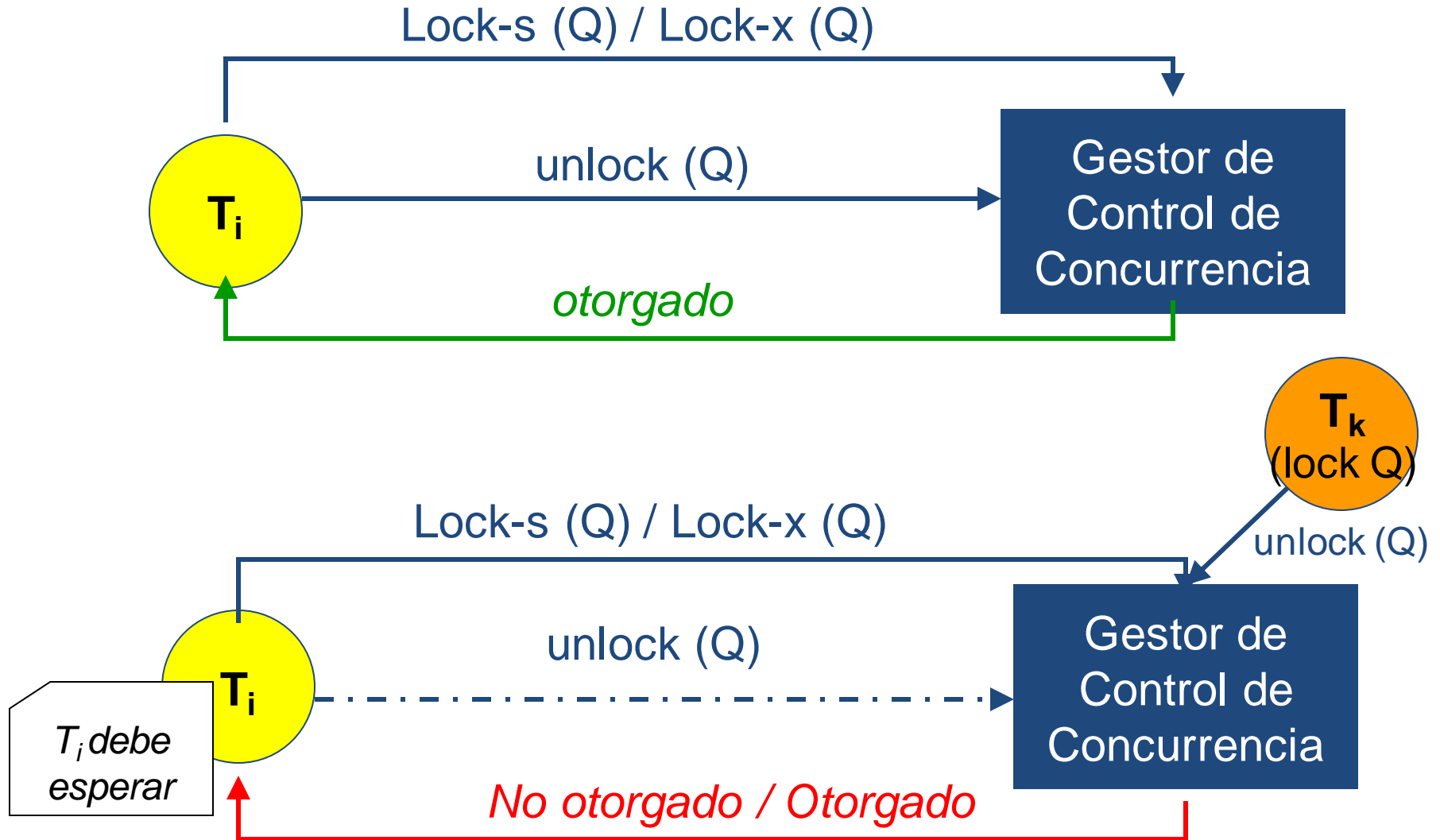
Compatibilidad	Lock-S	Lock-X
Lock-S	Si	No
Lock-X	No	No

Pedido de bloqueo sobre Q

Bloqueos previos



# Otorgamiento de bloqueos



# Protocolo Basado en Bloqueos (PBB)

```
T:  read (A) ;  
    write (A) ;  
    read (B) ;  
    write (B) ;  
    read (C) ;
```



```
T:  lock-x (A) ;  
    read (A) ;  
    write (A) ;  
    unlock (A) ;  
    lock-x (B) ;  
    read (B) ;  
    write (B) ;  
    unlock (B) ;  
    lock-s (C) ;  
    read (C) ;  
    unlock (C) ;
```

# Protocolos – Propiedades

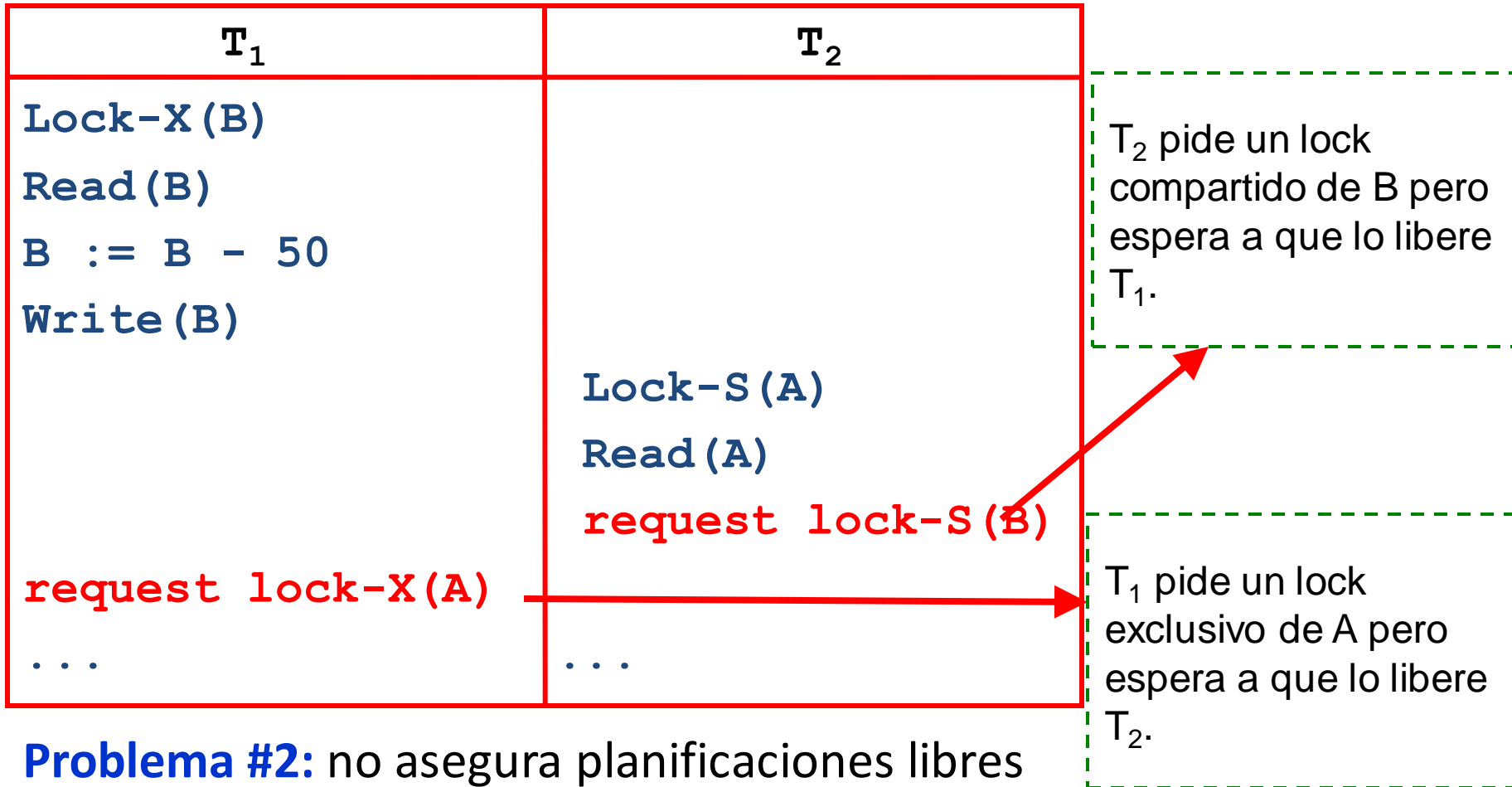
- ⇒ **SERIALIZABILIDAD** ¿el protocolo asegura generar sólo planificaciones serializables?
- ⇒ **DEADLOCK** ¿el protocolo genera situaciones en donde un grupo de transacciones no avanza esperando infinitamente recursos que tiene otra?
- ⇒ **INANICIÓN** ¿el protocolo genera situaciones donde una transacción espera infinitamente por algún recurso?
- ⇒ **RETROCESO EN CASCADA** ¿genera situaciones en donde una transacción que aborta arrastra a otra/s transacción/es?
- ⇒ **PLANIFICACIONES NO RECUPERABLES** ¿genera situaciones en donde una transacción que aborta arrastraría a otra/s transacciones cometidas?

# Protocolo Basado en Bloqueos

- **Problema #1:** El mecanismo de solicitud de bloqueos a libertad no garantiza solo planificaciones serializables.

	T <sub>1</sub>	T <sub>2</sub>
1	<b>Lock-x (A)</b>	
2	Read (A)	
3	A = A - 50	
4	Write (A)	
5	<b>Unlock (A)</b>	
6		<b>Lock-S (B)</b>
7		Read (B)
8		tt = B*0.1
9		<b>Unlock (B)</b>
10		<b>Lock-X (A)</b>
11		Read (A)
12		A = A + tt
13		Write (A)
14		<b>Unlock (A)</b>
15	<b>Lock-x (B)</b>	
16	Read (B)	
17	B = B + 50	
18	Write (B)	
19	<b>Unlock (B)</b>	

# PBB – Deadlock



**Problema #2:** no asegura planificaciones libres de deadlock

El sistema deberá **retroceder** alguna de las transacciones

# Problemas del PBB

- ☹ El PBB no está libre de *deadlock*.
  - **Solución**: incluir alguna política de administración de deadlock (detección o prevención).
- ☹ PBB también puede causar problemas de *inanición* (*starvation*), esto es, transacciones que nunca alcanzan a disponer de los recursos que necesitan, porque son otorgados antes a otras transacciones.
  - **Solución**: establecer políticas de otorgamiento de bloqueos con prioridades.
- ☹ PBB genera planificaciones no serializables, esto es significa, estados inconsistentes de la BD.
  - No es un protocolo de control de concurrencia que garantice serilizabilidad.

# Protocolo de Bloqueo de 2 Fases

## PB2F

Solución: requerir que cada transacción haga sus solicitudes de bloqueos y desbloqueos en dos fases:

- **Fase de Crecimiento:** Una transacción puede obtener nuevos bloqueos pero *no puede liberar ningún bloqueo*.
- **Fase de Encogimiento:** Una transacción puede liberar bloqueos pero *no puede obtener ningún bloqueo nuevo*.

- El **PB2F** garantiza planificaciones **serializables en conflictos**.

# Ejemplo

$T_1 = \text{read}(A); \text{write}(A);$   
 $\text{read}(B); \text{write}(B);$

$T_2 = \text{read}(D);$   
 $\text{read}(A); \text{write}(A);$   
 $\text{write}(D);$

**Serie equivalente:**  
 $\langle T_1, T_2 \rangle$

	T1	T2		
FC	lock-x (A)		FC	
	read (A)			
	write (A)			
		lock-x (D)		
		read (D)		
	lock-x (B)			
FD	unlock (A)			FD
	read (B)			
		lock-x (A)		
		read (A)		
		write (A)		
		unlock (A)		
	write (B)			
	unlock (B)			
	write (D)	FD		
	unlock (D)			



# Protocolo de Bloqueo de 2 Fases

## *Características de PB2F*

- El PB2F asegura serializabilidad en conflictos.
- La serie equivalente queda definida según cada *punto de lock* (último lock obtenido).
- No está libre de deadlock.

# Definiciones

- Si una transacción falla durante su ejecución, para asegurar *atomicidad*, se deben deshacer sus efectos.
- Así, en un sistema concurrente, si existe una transacción  $T_j$  que depende de  $T_i$  ( $T_j$  leyó un dato escrito por  $T_i$ )  $T_j$  también deberá ser retrocedida.

**Planificación no recuperable:** se dice que una planificación es no recuperable si existe  $T_j$  que depende de  $T_i$ ,  $T_j$  comete antes que  $T_i$  termine y posteriormente ocurre una falla de  $T_i$

**Retrocesos en cascada:** se dice que una planificación tiene retrocesos en cascada si existe  $T_k$  que depende de  $T_j$ ,  $T_j$  que ... que depende de  $T_i$ . Si falla  $T_i$ , deberán retroceder en cascada  $T_i$ ,  $T_j$ ,  $T_k$

# Retroceso en Cascada

$T_1$  = read(A); write(A);  
read(B); write(B);

$T_2$  = read(A);  
read(B); C=A+B; write(C)

⇒ La falla de  $T_1$  arrastra a  $T_2$

	$T_1$	$T_2$
1	Lock-x (A)	
2	read (A)	
3	write (A)	
4	Lock-x (B)	
5	unlock (A)	
6		Lock-x (A)
7		read (A)
8	read (B)	
9	<i>falla T1</i>	
	...	...

# Retrocesos en Cascada

T1	T2	T3	T4
read (A)			
write (A)			
	read (A)		
	write (B)		
		read (B)	
			read (A)
			write (A)
<i>falla T1</i>			
	...	...	..

**T2, T3 y T4 Retroceden en cascada**

# Planificación no recuperable

$T_1$  = read(A); write(A);  
read(B); write(B);

$T_2$  = read(A); read(C); C=A;  
write(C)

⇒ La falla de  $T_1$  debería arrastrar a  $T_2$  que cometi6.

	$T_1$	$T_2$
1	Lock-x (A)	
2	read (A)	
3	write (A)	
4	Lock-x (B)	
5	unlock (A)	
6		Lock-s (A)
7		read (A)
8		Lock-x (C)
9		unlock (A)
		read (C)
		C := A
10		write (C)
11		unlock (C)
12		Commit $T_2$
13	read (B)	
14	Falle $T_1$	
15		

# Problemas del PB2F

- El PB2F tiene las siguientes desventajas:
  - ☹ Posibilidad de que alguna planificación caiga en *deadlock*.
  - ☹ Puede generar *retrocesos en cascada* (*cascading rollback*), esto es, ante la falla de una transacción, se genera que fallen otras transacciones.
  - ☹ Puede generar *planificaciones no recuperables*, como resultado de un retroceso en cascada.

# PB2F Estricto

Variantes a PB2F: **Protocolo de Bloqueo de 2 Fases Estricto**. Similar al PB2F, donde

- Cada transacción debe conservar todos los bloqueos exclusivos que solicitó hasta alcanzar el estado cometida.
- De esta manera **se garantiza**:
  - Que el dato “escrito” por una transacción  $T_i$  no pueda ser “leído” (ni escrito) por otra  $T_j$  hasta que  $T_i$  cometa.
  - Solución a los problemas de retrocesos en cascada y planificaciones recuperables.

# Ejemplo

Dadas las transacciones:

- $T_1 = \text{read}(A);$   
 $\text{read}(B); \text{write}(A);$   
 $\text{write}(B);$
- $T_2 = \text{read}(D);$   
 $\text{read}(A); \text{write}(A);$
- Esta planificación es  
**equivalente a la serie  $\langle T_1,$**   
 **$T_2 \rangle$**

T1	T2
lock-x (A)	
read (A)	
lock-x (B)	
read (B)	
	lock-s (D)
	read (D)
write (A)	
write (B)	
unlock (A,B)	
	lock-x (A)
	unlock (D)
	read (A)
	write (A)
	unlock (A)



# Variante: PB2F Riguroso

- El **Protocolo de Bloqueo de 2 Fases Riguroso** exige que toda transacción mantenga todos sus bloqueos (sean exclusivos o compartidos) hasta que la transacción alcance el estado cometido.
- El orden de serializabilidad es el orden en que se comprometen las transacciones.

# Para analizar

- Los protocolos de PB2F Estricto y PB2F Rigurosos  
¿solucionan el problema de deadlock?
- ¿Retrocesos en cascada?
- ¿Planificaciones no recuperables?
  
- ¿Se le ocurre algún mecanismo de bloqueo para evitar deadlock?

# Variante: PB2F Refinado

- Supongamos una transacción  $T_i$ :

$T_i = \text{read}(A_1); \text{read}(A_2); \dots \text{read}(A_n); \text{write}(A_1);$

- El **PB2F Refinado** permite conversiones de bloqueos:

## –De Lock-S a Lock-X.

- **Upgrade**: de modo compartido a exclusivo.
- Se incluyen en la fase de crecimiento.

## –De Lock-X a Lock-S.

- **Downgrade**: de modo exclusivo a compartido.
- Se incluyen en la fase de decrecimiento.

# PB2F Refinado: Ejemplo

Dadas las transacciones:

- $T_1 = \text{read}(A);$   
 $\text{read}(B); \text{write}(A);$   
 $\text{write}(B);$
- $T_2 = \text{read}(D);$   
 $\text{read}(A); \text{write}(A);$   
 $\text{write}(D);$

T1	T2
lock-s (A)	
read (A)	
lock-s (B)	
read (B)	
	lock-s (D)
	read (D)
upgrade (A)	
write (A)	
upgrade (B)	
write (B)	
unlock (A, B)	
	lock-s (A)
	read (A)
	upgrade (A)
	write (A)
	upgrade (D)
	write (D)
	unlock (A,D)

Implementación  
de bloqueos  
transparente

# PB2F Refinado+ Riguroso

- Cuando una transacción T realiza una operación **Read(Q)** se ejecuta:
  - **Lock-S(Q); Read(Q)**
- Cuando una transacción T realiza una operación **Write(Q)** se ejecuta:
  - Si T tiene un acceso compartido entonces ejecuta:
    - **Upgrade(Q); Write(Q)**
  - De lo contrario, T ejecuta:
    - **Lock-X(Q); Write(Q)**
- Todos los bloqueos que tenga una transacción los conserva hasta que dicha transacción se comprometa o aborte.

# Temas de la clase de hoy

- Serializabilidad en Vistas
- Control de concurrencia:
  - Protocolos de bloqueos de dos fases: 2 Fases, 2 Fases Estricto, 2 Fases Riguroso, 2 Fases Refinado
- **Bibliografía**
  - *Database System Concepts*– A. Silberschatz. Capítulo 15.
  - *DataBase System – The Complete Book* – H. Molina, J. Ullman. Capítulo 18.

# Test de Serializabilidad de Vistas

- Para determinar la serializabilidad de vistas en una planificación, se construye un grafo de precedencia etiquetado.
- Sea  $S$  una planificación que involucra a las transacciones  $\{T_1, T_2, \dots, T_n\}$ .
- Se agregan dos transacciones **ficticias**  $T_b$  y  $T_f$ .
  - $T_b$  (transacción inicial) escribe cada dato leído por las transacciones de  $S$ .
  - $T_f$  (transacción final) lee cada dato escrito por las transacciones de  $S$ .

# Pruebas de Serializabilidad de Vistas

1. Se añade una arista  $T_i \xrightarrow{0} T_j$  si la transacción  $T_j$  lee el dato  $Q$  escrito por  $T_i$ .
2. Por cada dato  $Q$  tal que  $T_j$  lee el valor de  $Q$  escrito por  $T_i$ , y  $T_k$  ejecuta  $Write(Q)$  tal que  $T_k \neq T_b$  se hace lo siguiente:
  - a. Si  $T_i = T_b$  y  $T_j \neq T_f$  entonces se inserta en el grafo la arista  $T_j^0 \rightarrow T_k$ .
  - b. Si  $T_i \neq T_b$  y  $T_j = T_f$  entonces se inserta en el grafo la arista  $T_k^0 \rightarrow T_i$ .
  - c. Si  $T_i \neq T_b$  y  $T_j \neq T_f$  entonces se insertan en el grafo las aristas  $T_k^p \rightarrow T_i$  y  $T_j^p \rightarrow T_k$ , donde  $p$  es un número de etiqueta no usada en el grafo etiquetado.



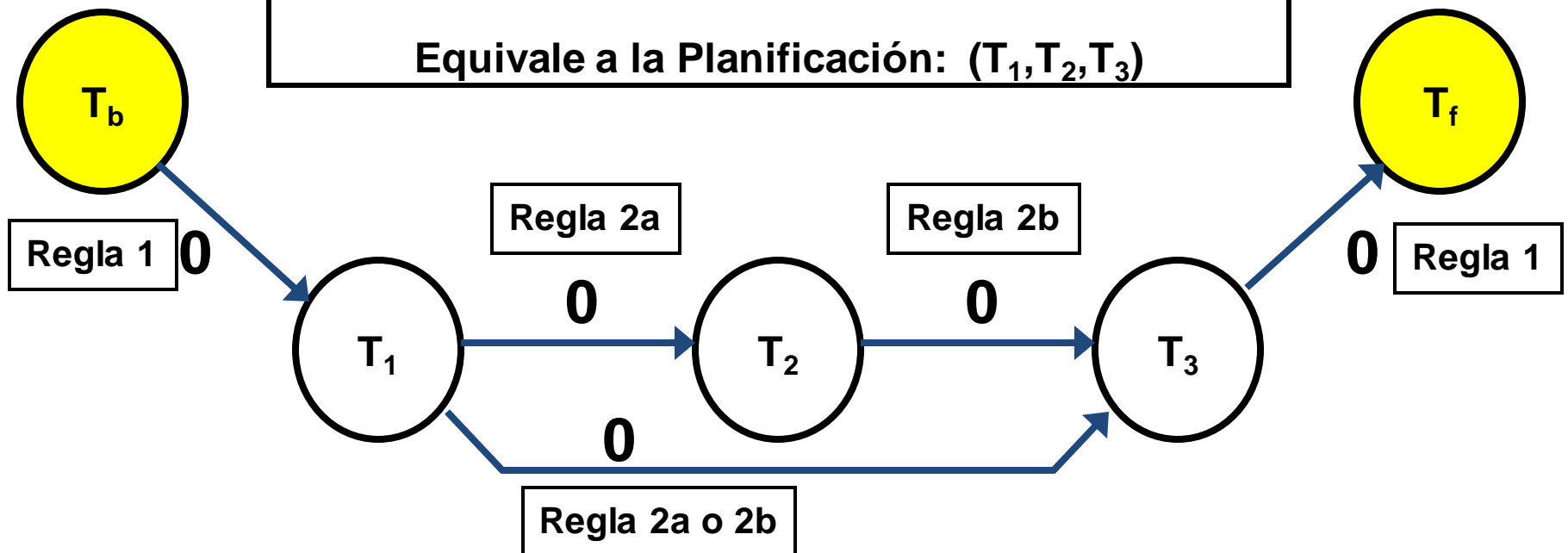
# Pruebas de Serializabilidad de Vistas

- Las reglas  $a$  y  $b$  son casos especiales que resultan de que  $T_b$  y  $T_f$  representan la primera y última transacción respectivamente.
- La regla  $c$  dice que si  $T_i$  escribe un dato que lee  $T_j$  y  $T_k$  escribe el mismo dato entonces  $T_k$  debe aparecer antes de  $T_i$  **o bien** después de  $T_j$ .
- Al aplicar la regla  $c$  **no** se requiere que  $T_k$  esté antes de  $T_i$  **y** después de  $T_j$ . Se exige que preceda a  $T_i$ , **o** bien suceda a  $T_j$ .
- **Si el grafo de precedencia no contiene ciclos entonces la planificación es serializable en vistas.**
- No obstante, la aparición de un ciclo (cuando existen etiquetas distintas de 0) no implica que la planificación no sea serializable en vistas.

# Planificación 1: serializable en vistas

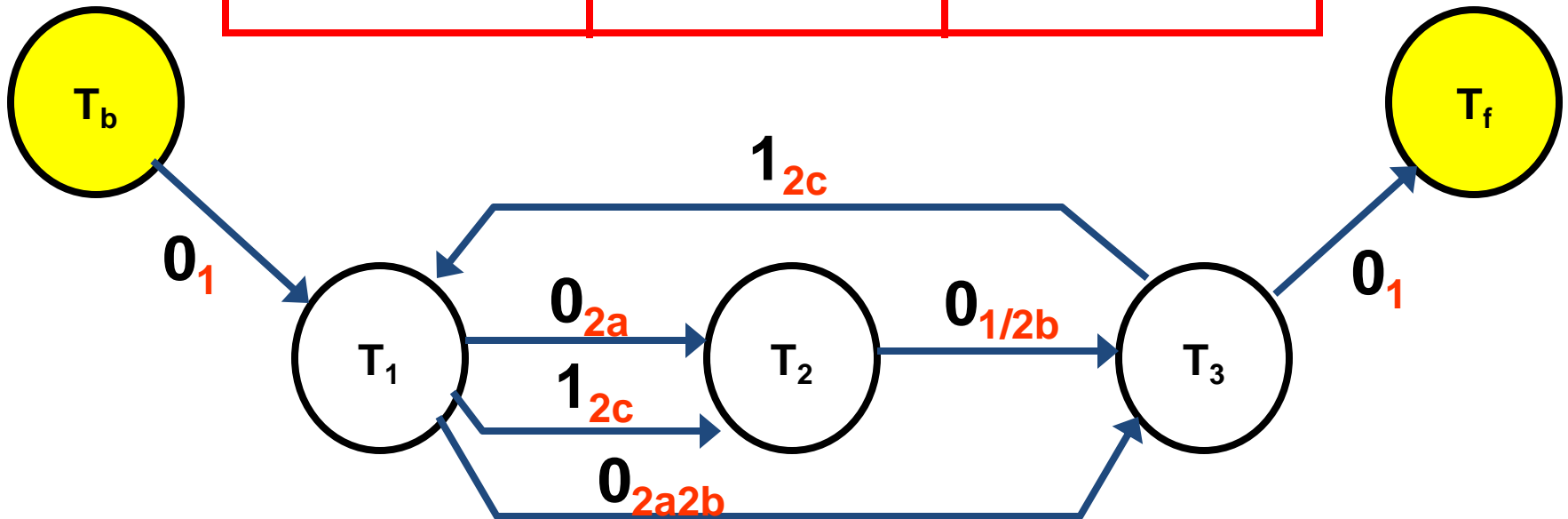
$T_1$	$T_2$	$T_3$
Read (Q) ;	Write (Q) .	Write (Q) .
Write (Q) .		

Equivale a la Planificación:  $(T_1, T_2, T_3)$



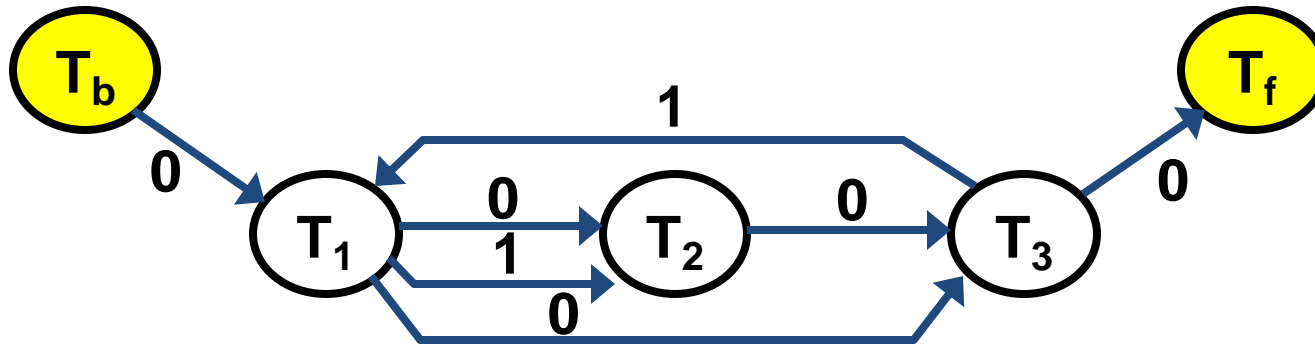
# Planificación 2: serializable en vistas

$T_1$	$T_2$	$T_3$
Read (Q) ;	Write (Q) .	Read (Q) ;
Write (Q) .		Write (Q) .

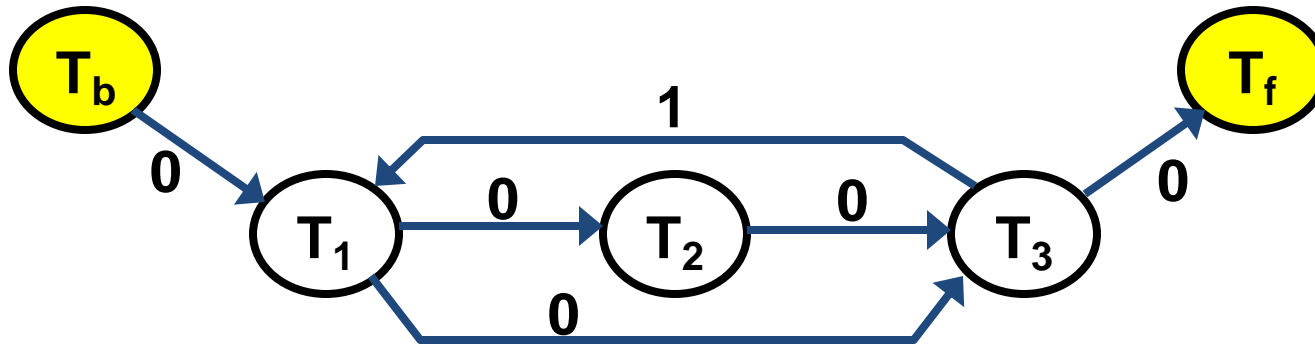


Los subíndices en las etiquetas indican las reglas que generan el arco.

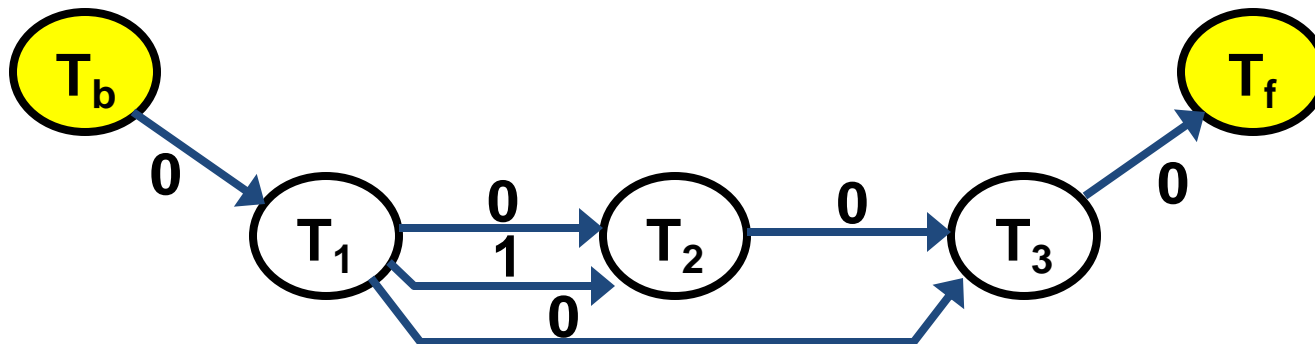
# Planificación 3: serializable en vistas



Los arcos con etiqueta 1 representan 2 opciones distintas.



1<sup>ra</sup> Opción:  
Grafo Cíclico. ☹️



2<sup>da</sup> Opción:  
Grafo Acíclico. 😊

Equivale a la  
Planificación:  
( $T_1, T_2, T_3$ )