

# Tecnologías en la Educación Matemática

## Procedimientos y funciones

Dpto. de Ciencias e Ingeniería de la Computación  
UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR



### Los sub-programas (primitivas)



- Bloques de código que llevan a cabo una tarea concreta (resuelven un sub-problema concreto)
- Tienen un propósito bien definido.
- Permiten reutilizar código de manera sencilla y segura: pueden ser usados más de una vez en el programa principal sin necesidad de reescribir todo (o copiar-pegar).
- Pascal permite definir 2 tipos de sub-programas: **Funciones y Procedimientos**

3

### Funciones y Procedimientos

#### Funciones

- Se invocan desde una expresión
- Al regresar de la invocación se sigue ejecutando la sentencia de la llamada.
- Tiene un tipo asociado
- Aunque no tenga parámetros siempre devuelve un valor que se usa en la expresión que la llama.

#### Procedimientos

- Se invocan como una sentencia.
- Al regresar de la invocación se ejecuta la sentencia siguiente a la llamada.
- Pueden devolver muchos valores o ninguno

3

### Procedimientos sin datos de salida

Problema: Dibujar triángulo como la que se muestra a continuación, donde la cantidad de filas depende de un entero *filas*.

```

1
22
333
4444
...

procedure dibujarTriangulo(filas: integer);
var i, j: integer;
begin
  for i:=1 to filas do
    begin
      for j:=1 to i do
        write(i);
      writeln;
    end;
  end;
end;
    
```

4

### Procedimientos

```

program piramide;
var n: integer;
procedure dibujaTriangulo(filas: integer);
var i, j: integer;
begin
  for i:=1 to filas do
    begin
      for j:=1 to i do
        write(i);
      writeln;
    end;
  end;
begin
  writeln('Ingrese la cantidad de filas de la piramide:'); readln(n);
  dibujaPiramide(n);
end.
    
```

Dato de entrada = parámetro por valor



Variables locales

Se calcula el valor de n (parámetro real) y ese valor es asignado a filas (parámetro formal).

5

### Procedimientos y Funciones



Escribir un procedimiento que dado un número entero, retorne el número anterior y el número siguiente.

```

procedure sigant(n: integer; var na, ns: integer);
begin
  na := n - 1;
  ns := n + 1;
end;
    
```

6

## Procedimientos y Funciones

```

procedure sigant(n: integer; var na, ns: integer);
begin
  na := n - 1;
  ns := n + 1;
end;

```



El procedimiento *sigant* tiene tres parámetros.

El parámetro *n* está pasado por valor, cuando empieza la ejecución del procedimiento, se reserva una locación de memoria para *n*, que se inicializa con el valor del parámetro real y se destruye cuando termina el procedimiento.

Los parámetros *na* y *ns* están pasados por variable (también llamados por referencia), son **referencias** a las locaciones de memoria que corresponden a los parámetros reales. También se reservan locaciones de memoria para estas referencias.



## Procedimientos y Funciones

```

function doble(n: integer): integer;
begin
  doble := n * 2;
end;

```



La función *doble* tiene un único parámetro, pasado por valor.

La función computa un valor y lo asigna a su nombre.



## Procedimientos y Funciones

```

Program pyf;
var a, b, c, d: integer;
...
Begin
  write ('Ingrese dos números');
  readln(a, d);
  sigant(a, b, c); {1}
  a := doble(b) + doble(c); {2}
  sigant(a, c, b); {3}
End.

```



## Procedimientos y Funciones

```

procedure sigant (n: integer; var na, ns: integer);
begin
  na := n - 1;
  ns := n + 1;
end;

```

**sigant(a, b, c); {1}**



La primera invocación de *sigant* asigna el valor del parámetro real *a* al parámetro formal *n*.

El parámetro real *b* queda ligado al parámetro formal *na*, cualquier modificación en *na*, afecta al valor almacenado en *b*.

El parámetro real *c* queda ligado al parámetro formal *ns*, cualquier modificación en *ns*, afecta al valor almacenado en *c*.

Cuando termina la ejecución se destruyen las locaciones de memoria ligadas a los parámetros.



## Procedimientos y Funciones

```

function doble(n : integer): integer;
begin
  doble := n * 2;
end;

```

**a := doble(b) + doble(c); {2}**



En la primera invocación a *doble*, se reserva una locación de memoria para el parámetro formal *n*, que se inicializa con el valor del parámetro real *b*.

Cuando la función se termina la locación se destruye y se reanuda la evaluación de la expresión. El resultado de la primera invocación constituye el valor del primer operando de la suma.

Luego se realiza la segunda invocación que procede de igual manera con el parámetro real *c* y el resultado de la función constituye el segundo operando de la suma.



## Procedimientos y Funciones

```

procedure sigant (n: integer; var na, ns: integer);
begin
  na := n - 1;
  ns := n + 1;
end;

```

**sigant(a, c, b); {3}**



La segunda invocación de *sigant* asigna el valor del parámetro real *a* al parámetro formal *n*.

El parámetro real *c* queda ligado al parámetro formal *na*, cualquier modificación en *na*, afecta al valor almacenado en *c*.

El parámetro real *b* queda ligado al parámetro formal *ns*, cualquier modificación en *ns*, afecta al valor almacenado en *b*.

Cuando termina la ejecución se destruyen las locaciones de memoria ligadas a los parámetros.



## Manejo de memoria



Un **parámetro por valor** se inicializa en el momento de la invocación del procedimiento con el valor del parámetro real.

Al terminar la ejecución del procedimiento la variable asociada al parámetro formal se destruye y su valor se pierde.

Un **parámetro por referencia** introduce un nuevo nombre para referirse a la celda de memoria que corresponde al parámetro real. Cualquier modificación del parámetro formal dentro del procedimiento o función afecta al valor almacenado en parámetro real.

13

## Pasaje de Parámetros



Cuando comienza la ejecución de un programa en Pascal se reservan una o más celdas de memoria para cada una de las variables globales (variables declaradas en el programa principal).

Cuando un procedimiento o función se invoca se reservan celdas para cada una de las variables locales al procedimiento o función, como así también para los parámetros.

Para cada parámetro pasado por referencia se reserva una celda que mantiene la referencia al parámetro real. Todas estas celdas son liberadas cuando el procedimiento o función termina.

14

## Manejo de memoria



Pasos en la invocación a un procedimiento:

- 1) Guardar lugar para parámetros formales, variables locales y nombre de la función (si lo es la primitiva)
- 2) Pasaje de parámetros: Copiar parámetros por valor, poner referencias en parámetros por variable.
- 3) Ejecutar primitiva
- 4) Liberar espacio de la primitiva

**Definición:**  
**procedure p(pvalor: ---; var pvariable: ---); ...**

**Invocaciones posibles:**  
**p(100, a)**  
**p(a, a)**  
**p(sqr(a)+30, a)**

15

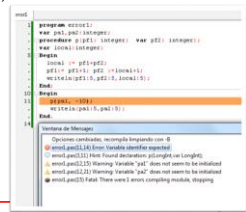
## Manejo de memoria

**Variables GLOBALES**



```

program paramProc;
Var pa1, pa2: integer;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
Begin
  local := pf1+pf2;
  pf1 := pf1+1; pf2 :=local+1;
  writeln(pf1, pf2, local);
End;
Begin
  p(pa1, -10);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
End.
    
```



**Error en compilación**  
 El parámetro real **no puede ser una constante** cuando el pasaje de parámetros es **por referencia**

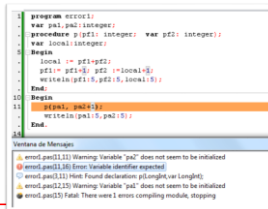
16

## Manejo de memoria



```

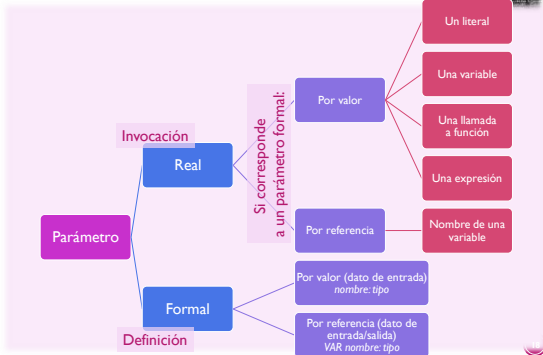
program paramProc;
Var pa1, pa2: integer;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
Begin
  local := pf1+pf2;
  pf1 := pf1+1; pf2 :=local+1;
  writeln(pf1, pf2, local);
End;
Begin
  p(pa1, pa2+1);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
End.
    
```



**Error en compilación**  
 El parámetro real **no puede ser una expresión** cuando el pasaje de parámetros es **por referencia**

17

## Manejo de memoria



### Pasaje de Parámetros



```

Program parametros;
var pa1, pa2: integer;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local:=pf1 +pf2;
  writeln(pf1, pf2, local);
  pf1:= pf1 +1; pf2:=local+1;
  writeln(pf1, pf2, local);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=3;
  writeln(pa1, pa2);
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1, pa2);
end.
    
```

Variables globales

Parámetros formales

Variables locales

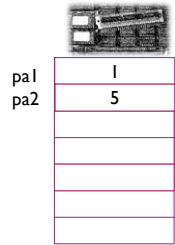
Parámetros reales (efectivos)

19

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
Begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1:= pf1 +10; pf2 :=local+1;
  writeln(pf1, pf2, local);
End;
Begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
End.
    
```



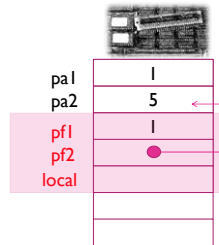
Se agrega la definición de una función

20

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1:= pf1 +10; pf2 :=local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
    
```

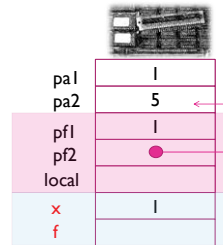


21

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1:= pf1 +10; pf2 :=local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
    
```

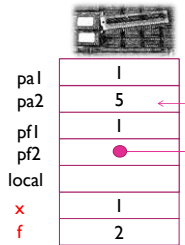


22

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1:= pf1 +10; pf2 :=local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
    
```

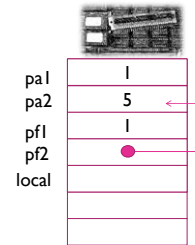


23

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1:= pf1 +10; pf2 :=local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
    
```

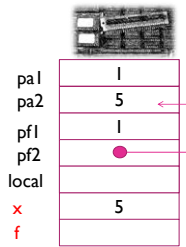


24

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1 := pf1+10; pf2 := local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
  
```

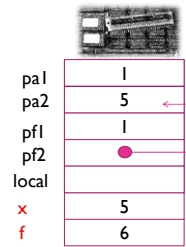


25

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1 := pf1+10; pf2 := local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
  
```

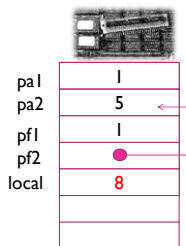


26

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1 := pf1+10; pf2 := local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
  
```

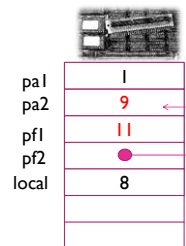


27

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1 := pf1+10; pf2 := local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
  
```

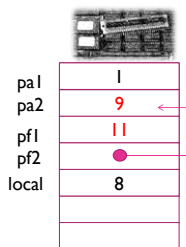


28

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1 := pf1+10; pf2 := local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
  
```

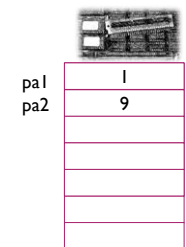


29

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1 := pf1+10; pf2 := local+1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1:=1; pa2:=5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
  
```

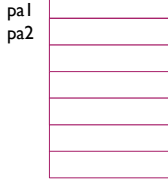


30

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1 := pf1 + 10; pf2 := local + 1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1 := 1; pa2 := f(pa1);
  p(f(pa1 * 2), f(pa2));
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
    
```



**Error en compilación**  
El parámetro real no puede ser una expresión cuando el pasaje es por referencia

31

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  ...
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  ...
end;
begin
  ...
end.
    
```



El ambiente de referenciamiento del programa principal se denomina **entorno global**.

32

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
var local: ...;
begin
  ...
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  ...
end;
begin
  ...
end.
    
```



El ambiente de referenciamiento de un sub-programa se compone del **entorno global** + el entorno local.

33

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  ...
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  ...
end;
begin
  ...
end.
    
```



El ambiente de referenciamiento de un sub-programa se compone del **entorno global** + el entorno local.

Además siempre se pueden utilizar todos los identificadores predefinidos.

34

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1 := pf1 + 10; pf2 := local + 1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1 := 1; pa2 := 5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
    
```



- La variable **x** es el parámetro formal de la función **f** y solo es visible en el bloque de la función.
- Las variables **pf1**, **pf2** y **local** solo son visibles en el bloque de **p**.

35

### Manejo de memoria

```

program parampyf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  f:=x+1;
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  local := f(pf1) + f(pf2);
  pf1 := pf1 + 10; pf2 := local + 1;
  writeln(pf1:5, pf2:5, local:5);
end;
begin
  pa1 := 1; pa2 := 5;
  p(pa1, pa2);
  writeln(pa1:5, pa2:5);
end.
    
```



- Cuando **p** invoca a **f** las variables **pf1**, **pf2** y **local** continúan almacenadas en memoria, pero no son accesibles desde el bloque ejecutable de **f**.
- Al terminar la ejecución de **f**, el control vuelve a **p** y sus parámetros y variables locales vuelven a ser accesibles.

36

## Manejo de memoria

```

program parampf;
var pa1, pa2: integer;
function f(x: integer): integer;
begin
  ...
end;
procedure p(pf1: integer; var pf2: integer);
var local: integer;
begin
  ...
end; ...

```



Aunque Pascal permite que el procedimiento p y la función f accedan a las variables globales pa1 y pa2, la programación modular recomienda no hacerlo y adoptaremos esa recomendación.

**La programación modular establece que el bloque ejecutable de cada función y procedimiento acceda únicamente a sus parámetros formales y variables locales.**



## Procedimientos y Funciones

Un programa en Pascal puede incluir procedimientos y funciones definidos por el programador.

En la **declaración** de un procedimiento o función se establece su **nombre** y la lista de **parámetros**.

Cuando un procedimiento o función ha sido definido puede ser **usado** mediante una instrucción de **invocación**.

38

## Procedimientos y Funciones



### ACTIVACIÓN DE UN PROCEDIMIENTO

- Un **procedimiento** se invoca desde una **instrucción**.
- Una vez invocado el control (la ejecución) pasa al procedimiento.
- El bloque de código que incluye la invocación, se suspende.
- Cuando comienza la ejecución se reserva espacio en memoria para las variables locales y para los parámetros por valor; que se inicializan con los valores de los parámetros reales. También para las referencias almacenadas en los parámetros por variable.

39

## Procedimientos y Funciones



### ACTIVACIÓN DE UN PROCEDIMIENTO

- El procedimiento se ejecuta y cuando termina, el control retorna, provocando algún efecto.
- El efecto de la ejecución de un procedimiento puede ser modificar uno o más parámetros por variable o producir una salida por consola o por archivo.
- El bloque de código que había quedado suspendido se reanuda, en la instrucción siguiente a la invocación.

40

## Procedimientos y Funciones



### ACTIVACIÓN DE UNA FUNCIÓN

- Una **función** se invoca desde una **expresión**.
- Una vez invocada el control (la ejecución) pasa a la función.
- El bloque de código que incluye la invocación, se suspende.
- Cuando comienza la ejecución se reserva espacio en memoria para las variables locales y para los parámetros por valor; que se inicializan con los valores de los parámetros reales.

41

## Procedimientos y Funciones



### ACTIVACIÓN DE UNA FUNCIÓN

- La función se ejecuta y cuando termina, el control retorna al lugar de la expresión desde donde se la llamó.
- El bloque de código que había quedado suspendido se reanuda, continuando con la evaluación de la expresión que contiene a la invocación.
- El efecto de la ejecución de una función es retornar un valor.

42